



گپ اول : مفاهیم

گپ دوم : قانون کولن

گپ سوم : میدان الکتریکی

گپ چهارم : انرژی پتانسیل و اختلاف پتانسیل

گپ پنجم : خازن



## بار الکتریکی، پایدگی و کوانتیده بودن بار الکتریکی

**مفهوم بار الکتریکی:** اجسام در حالت عادی از حیث الکتریکی خنثی هستند، یعنی تعداد بارهای مثبت و منفی آنها یکسان است. اگر جسمی الکترون اضافی دریافت کند، دارای بار منفی و اگر الکترون از دست بدهد، دارای بار مثبت می شود.

## باردار کردن اجسام:

## یادآوری فیزیک هشتم



تماس جسم رسانا با جسم رسانا:

**یک جسم باردار با یک جسم خنثی:** قسمتی از بارهای الکتریکی از جسم باردار به جسم خنثی می روند به گونه ای که پتانسیل الکتریکی دو جسم یکسان شود و برای بار الکتریکی فرقی نکند که در کدام جسم باشد. در این حالت انگار دو جسم، یک جسم هستند.



**دو جسم با بار هم نام:** بار الکتریکی از جسمی که بارهای فشرده تری دارد به جسمی می‌رود که فاصله ی بارهای آن بیشتر است. تا در آخر پتانسیل الکتریکی جسم ها یکسان شود.

دقت کنید الکترون از جسمی که الکترون های فشرده تری دارد به جسم دیگری می‌رود، نه از جسمی که الکترون های بیشتری دارد!



**دو جسم با بار مخالف:** ابتدا بارهای نا هم نام با هم خنثی می شوند و در آخر، آن باری می ماند که تعدادش بیشتر است. سپس باری که باقی مانده بین دو جسم پراکنده می شود. به گونه ای که پتانسیل آن دو جسم یکسان شود.

### تماس با جسم نارسانا:

هنگامی که جسم (چه رسانا چه نارسانا) با جسم نارسانا تماس داده می شود، انتقال بار فقط در محل تماس رخ می دهد. مثلاً اگر یک جسم با بار مثبت را به یک جسم نارسانای خنثی تماس دهیم در نقطه ی تماس جسم نارسانا بار مثبت می نشیند و اگر



در نقطه ای دیگر از همین نارسانا یک جسم با بار منفی تماس دهیم در نقطه ی تماس بار منفی می نشیند.

**مالش:** هنگامی که دو جسم خنثی را به هم می مالیم، الکترون از یک جسم کنده شده و به جسم دیگر انتقال پیدا می کند. در اینصورت جسمی که الکترون را از دست داده بار مثبت و جسمی که الکترون بدست آورده بار منفی پیدا می کند.

1- میله ی پلاستیکی در مالش با پارچه ی ابریشمی بار منفی پیدا می کند.

2- میله ی شیشه ای در مالش با پارچه ی ابریشمی بار مثبت پیدا می کند.



جدول ۱-۱ سری الکتروسیته  
مالشی (تریپوالکتریک)<sup>۱</sup>

انتهای مثبت سری

موی انسان

شمیشه

نایلون

پشم

موی گربه

سُرب

ابریشم

آلومینیم

پوست انسان

کاغذ

چوب

پارچه کتان

کهریا

برنج، نقره

پلاستیک، پلی اتیلن

لاستیک

تفلون

انتهای منفی سری



در مالش الکترون‌ها بر خلاف میل طبیعی و به خاطر عملیات فیزیکی انتقال پیدا می‌کنند. جسمی که بار منفی بدست می‌آورد مرتب منفی و منفی تر شده و جسمی که بار مثبت بدست می‌آورد، مرتب مثبت و مثبت تر می‌شود.

**تماس:** هنگامی که دو جسم را به هم تماس می‌دهیم، الکترون‌ها طبق میل طبیعی از جسمی که الکترون‌های فشرده تری داری به جسم دیگر انتقال پیدا می‌کنند.



**القا:** منظور از القاء در هر جای فیزیک یعنی اینکه بدون هیچ تماس و برخوردی تنها از راه دور روی جسم تأثیر بگذاریم. فرض کنید یک جسم با بار منفی را به یک جسم رسانای خنثی نزدیک می‌کنیم.

**در جسم رسانای خنثی چقدر بار الکتریکی وجود دارد؟** نگوئید هیچی! یک جسم رسانا پر از بارهای مثبت و منفی است ولی چون این بارها به صورت مزدوج در کنار هم هستند، آنها را نمایش نمی‌دهیم. پس در جسم رسانای خنثی تعداد بارهای مثبت و



منفی با هم برابر است. وقتی می گوئیم یک جسم  $2\mu C$  بار منفی دارد؛ منظورمان این است که بارهای منفی  $2\mu C$  بیشتر از بارهای مثبت است.

هنگامی که جسم با بار منفی نزدیک جسم خنثی می شود، تعدادی از بارهای مثبت را به خود جذب می کند. در این صورت تعدادی از بارهای مزدوج طلاق! می گیرند و بارهای مثبت و منفی از هم جدا می شوند. بارهای مثبت می روند به تماشای بارهای منفی ای که در جسم دیگر قرار دارند و بارهای منفی طلاق گرفته قهر می کنند و می



روند در سمت دیگر جسم قرار می گیرند. به این تفکیک بار در جسم خنثی، القاء شدن می گویند.

حال جسم با بار منفی، سر مثبت جسم القاء شده را جذب می کند. پس دقت کنید هنگامی که شانه ای را به موهای سرتان می مالید، بار منفی پیدا می کند و خرده های کاغذی خنثی هستند. علّت جذب خرده های کاغذ توسط شانه این است که ابتدا خرده های کاغذ القا می شوند و سپس سر مثبت آنها توسط شانه پلاستیکی (که بار منفی دارد) جذب می شود.



بنابراین می توان گفت:

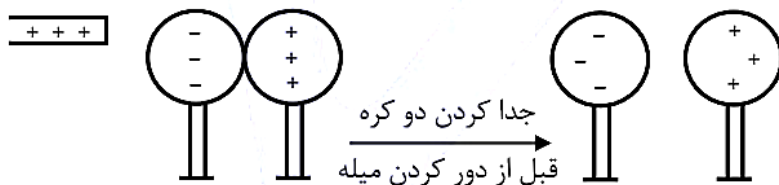
1) دو بار هم نام همدیگر را دفع می کنند.

2) دو بار نام هم نام همدیگر را جذب می کنند.

\* یک جسم باردار، یک جسم خنثی را از طریق القاء جذب می کند.\*



✓ می توان با استفاده از القاء یک کره ی باردار با بار مثبت و منفی ایجاد. دقت کنید که اگر قبل از جدا کردن گلوله جسم باردار را دور کنیم بار گلوله ها صفر خواهد بود.





- چه اجسامی و چگونه به روش مالش باردار می‌شوند؟ معمولاً اجسام نارسانا را به روش مالش باردار می‌کنند، به این صورت که طی مالش الکترون‌های سطح یکی از دو جسم با کسب انرژی به جسم دیگر منتقل می‌شوند.

- **تذکر 1:** در روش مالش، هر دو جسم دارای بارهای ناهمنام اما هم اندازه می‌شوند.
- **تذکر 2:** جسمی که الکترون خواه تر است، الکترون دریافت می‌کند. جدول الکتریسیته مالشی (تریبوالکتریک) برخی اجسام از بالا به پایین به ترتیب افزایش الکترون خواهی مرتب شده‌اند. (جدول ۱-۱ کتاب درسی)

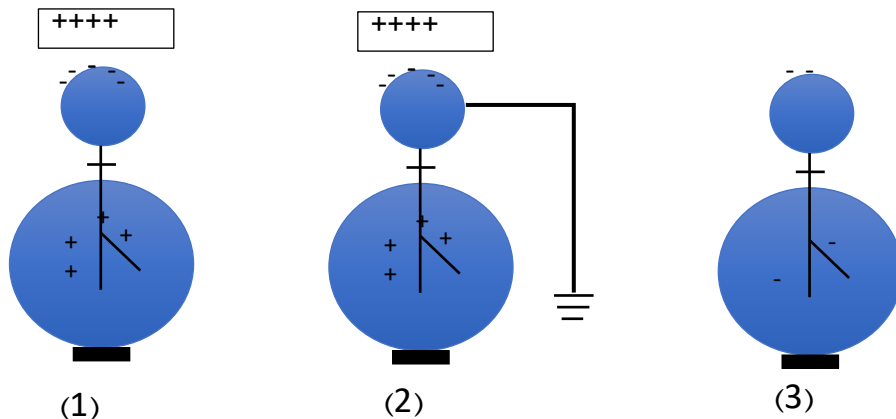


**الکتروسکوپ:** در پرسش‌های مربوط به الکتروسکوپ معمولاً 4 کاربرد آن پرسیده می‌شود. در ابتدا روش باردار کردن آن را بیان می‌کنیم. فرض کنیم می‌خواهیم به الکتروسکوپ بار منفی بدهیم.

**(آ) روش تماس:** میله با بار منفی را به کلاهک الکتروسکوپ خنثی تماس می‌دهیم. در این حالت تعدادی از بارهای منفی میله به الکتروسکوپ منتقل می‌شود.



**(ب) روش القا: ۱.** یک میله‌ی شیشه‌ای را که با مالش به یک پارچه ابریشمی دارای بار مثبت کرده‌ایم، به کلاهک الکتروسکوپ بدون بار نزدیک می‌کنیم. در این صورت کلاهک بار منفی و ورقه‌ها، بار مثبت به دست می‌آورند.





2. بدون تغییر مکان میله شیشه‌ای، کلاهک الکتروسکوپ را با دست یا با یک سیم رسانا به زمین اتصال می‌دهیم، در این صورت بارهای مثبت الکتروسکوپ توسط زمین خنثی می‌شوند و فقط در کلاهک بار منفی باقی می‌ماند.

3. اتصال به زمین را قطع و سپس میله را دور می‌کنیم. در این صورت الکتروسکوپ دارای بار منفی خواهد شد.



**کاربرد ۱:** تشخیص باردار بودن یک جسم: اگر جسم را به وسیله‌ی یک عایق به یک الکتروسکوپ دارای بار معلوم نزدیک کنیم و یا تماس دهیم و هیچ اتفاقی در فاصله‌ی بین ورقه‌ها رخ ندهد آن جسم بدون بار است. در غیر این صورت باردار خواهد بود.

**کاربرد ۲:** تعیین نوع بار یک جسم توسط الکتروسکوپ باردار: برای تشخیص نوع بار یک جسم ابتدا الکتروسکوپ را باردار می‌کنیم، به طوری که نوع بار آن مشخص باشد. سپس جسم باردار را به تدریج و به آرامی به کلاهک الکتروسکوپ نزدیک می‌کنیم دو حالت ممکن است رخ دهد اگر در تمام مدت ورقه‌های الکتروسکوپ به طور پیوسته



از هم دور شوند بار جسم و الکتروسکوپ یکسان است. اما اگر ورقه ها پیوسته جمع شوند و یا ابتدا بسته و سپس از هم دور شوند بار جسم ناهمنام با بار الکتروسکوپ خواهد بود.

**کاربرد ۳: رسانا یا نارسانا بودن یک جسم:** جسم مورد نظر را به کلاهک الکتروسکوپ باردار تماس میدهیم. اگر بار الکتروسکوپ خنثی شود جسم مورد نظر رسانا است و اگر تغییری در ورقه های الکتروسکوپ ایجاد نشود، جسم نارسانا میباشد.



**کاربرد ۳: تعیین میزان بار جسم:** هر چه بار جسم بیشتر باشد، بار بیشتری به الکتروسکوپ انتقال پیدا می کند، پس نیروی دافعه بین صفحات بیشتر می شود و لذا زاویه ی بین آنها بیشتر می شود.

هنگامی که جسم رسانا را به کلاهک الکتروسکوپ می چسبانیم. الکتروسکوپ باردار می شود. هنگامی که جسم را دور می کنیم الکتروسکوپ همچنان باردار می ماند. برای خنثی کردن الکتروسکوپ باید آن را به زمین اتصال دهیم. یک روش این است که دستمان را به کلاهک بچسبانیم.



## پایستگی و کوانتیده بودن بار الکتریکی

اصل پایستگی بار الکتریکی: مجموع جبری همه‌ی بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی ثابت است.

بار الکتریکی می‌تواند از جسمی به جسم دیگر منتقل شود. اما هرگز امکان تولید یا نابودی یک بار خالص وجود ندارد.



تذکر: بار الکتریکی هر جسم مضرب درستی از بار بنیادی بار الکترون است که از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید.

$$q = \pm ne \quad n = 0, 1, 2, \dots$$



مثال 1:



کلمه یا عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) با مالش دادن دو جسم خنثی به یکدیگر اندازه بار ایجاد شده در آنها (مساوی، متفاوت) خواهد بود.

ب) بارهای مثبت و منفی توسط (کولن - فرانکلین) نامگذاری شد.

پ) خنثی بودن یک جسم به معنی این است که در آن جسم (جمع جبری بارهای الکتریکی - اندازه بار الکتریکی) صفر است.



- ت) در شرایط یکسان اثر القای الکتریکی در جسم (رسانا - نارسانا) بیشتر است.
- ث) جسم نارسانا را میتوان با روش ..... باردار کرد. (القا - مالش یا تماس)
- ج) وقتی دو میله پلاستیکی را با پارچه پشمی مالش دهیم میله‌ها همدیگر را (جذب - دفع) می‌کنند.
- چ) نوع باری که دو جسم بر اثر مالش پیدا می‌کنند به ..... آن‌ها بستگی دارد. (شکل - جنس)



ح) اگر با نزدیک کردن میله باردار به کلاهک الکتروسکوپ باردار فاصله تیغه‌ها افزایش - کاهش یابد، بار میله و الکتروسکوپ همانام است و اگر فاصله تیغه‌ها (افزایش - کاهش) یابد بار میله و الکتروسکوپ ناهمنام است.

خ) بار الکتریکی یک جسم مضرب درستی از بار بنیادی الکترون  $e$  است. این موضوع مربوط به اصل (پایستگی بار - کوانتیده بودن بار) است.

د) ..... یک کمیت کوانتومی است (بار الکتریکی - نیروی گرانش)



ذ) طبق اصل کوانتیده بودن - بار - پایستگی بار الکتریکی مجموع بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی ثابت است.

ر) بر اثر مالش دو جسم جسمی که الکترون خواهی (کم تری - بیش تری) دارد الکترون از دست می دهد.

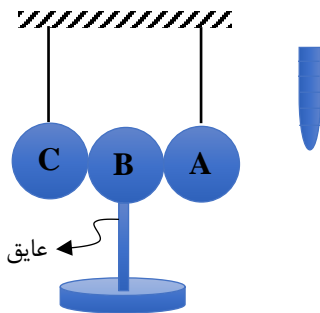
ز) با انتقال  $2\text{nC}$  بار الکتریکی بین دو جسم  $12 \times 10^{19}$  الکترون از یک جسم به جسم دیگر منتقل می شود. (درست - نادرست) ( $|e| = 1/6 \times 10^{-19}\text{C}$ )



چرا وقتی روکش پلاستیکی را روی یک ظرف می کشید و آن را در لبه های ظرف فشار می دهید روکش در جای خود ثابت می ماند؟



مطابق شکل سه گلوله فلزی خنثی A، B و C در تماس با هم قرار دارند. اگر میله باردار با بار منفی را به گلوله نزدیک کنیم و سپس گلوله B را از جای خود خارج کرده و دور کنیم و سپس میله با بار منفی را دور کنیم؛ بار هر یک از کره های A، B و C چگونه خواهد بود؟





جدول مقابل قسمتی از جدول سری الکتریسیته مالشی (تریبوالکتریک) است. با توجه به این جدول نوع بار هر ماده را مشخص کنید.

انتهای مثبت سری
موی انسان
شیشه
ابریشم
پلاستیک
انتهای منفی سری

الف) مالش یک میله شیشه‌ای با موی سر

ب) مالش یک میله پلاستیکی با پارچه ابریشم



به هریک از پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

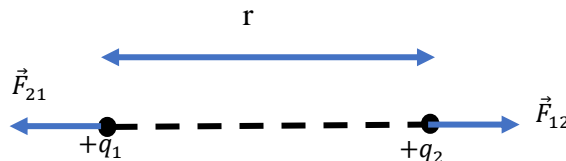
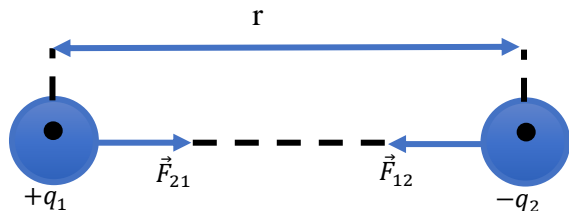
الف) دانش آموزی ادعا می‌کند بار الکتریکی یک جسم  $e$   $4/2$  است دانش آموز کدام اصل فیزیکی را نادیده گرفته است؟

ب) عدد اتمی قلع برابر ۵۰ است بار الکتریکی هسته آن چند کولن است؟  
( $|e| = 1/6 \times 10^{-19} \text{C}$ )



## قانون کولن و برهم نهی نیروهای الکتروستاتیکی

قانون کولن نیروی الکتریکی ربایشی یا رانشی بین دو ذره ی باردار  $q_1$  و  $q_2$  که در فاصله ی  $r$  از یکدیگر قرار دارند، با حاصل ضرب بار دو ذره نسبت مستقیم و با مجذور فاصله ی دو ذره از یکدیگر نسبت وارون دارد.





طبق قانون سوم نیوتون اندازه‌ی نیرویی که بار  $q_1$  و  $q_2$  وارد می‌کند با اندازه‌ی نیرویی که بار  $q_1$  به  $q_2$  وارد می‌کند، برابر است. به عبارت دیگر این دو نیرو هم‌اندازه هم‌راستا اما در سوی مخالف یکدیگرند.

طبق قانون کولن برای محاسبه‌ی بزرگی نیرویی که دو ذره‌ی باردار به هم وارد می‌کنند، از رابطه‌ی زیر استفاده می‌کنیم.

$$F_{1,2} = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

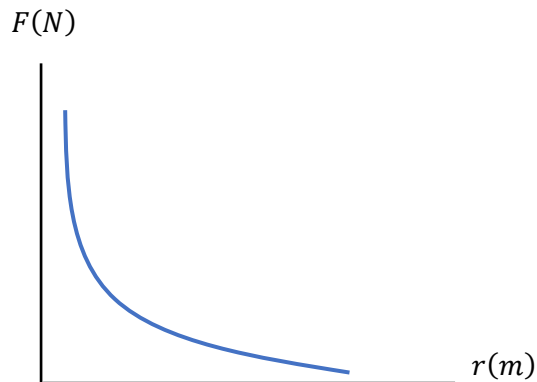


در این رابطه برای محاسبه‌ی بزرگی نیروی  $F$  بر حسب  $N$ ، باید  $r$  بر حسب «متر» و  $q_1$  و  $q_2$  بر حسب «کولن» باشد.

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \xrightarrow{\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{C^2}{N.m^2}} K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2} \text{ ثابت کولن}$$



در رابطه ی فوق  $\epsilon_0$ ، ضریب گذردهی الکتریکی خلأ می باشد و یکای آن به کمک علامت بارها، نوع نیروی بین آنها (همنام، دافعه، ناهم نام جاذبه) را تعیین می کنیم. نمودار نیروی بین دو بار ( $F$ ) بر حسب فاصله ی آنها مطابق شکل مقابل است.





## حالت های مختلف مسائل مربوط به قانون کولن

**حالت ۱:** محاسبه نیروی بین دو بار: در این حالت یکی از ۴ عامل  $q_1$ ،  $q_2$ ،  $r$  و یا  $F$  مجهول است که با توجه به توضیح بالا و رابطه‌ی ذکر شده قابل حل هستند.

**حالت ۲:** تماس دو کره رسانای باردار: در این تیپ از مسائل عموماً دو کره رسانای باردار مشابه را به هم تماس می‌دهند و نسبت نیروی الکتریکی کره‌ها در دو حالت قبل و بعد از تماس آنها با یکدیگر را می‌خواهند که به صورت زیر عمل می‌کنیم.



1- بعد از تماس کره‌ها به یکدیگر بار هریک با دیگری برابر و مساوی میانگین جبری بار کره‌ها قبل از تماس است (بار کره‌ها با علامت مثبت یا منفی خودشان در نظر گرفته می‌شود).

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$$



2- برای تعیین نسبت نیرویی که کره‌ها بعد از تماس به هم وارد می‌کنند (یعنی

$F' = \frac{k|q'_1||q'_2|}{r'^2}$  به نیرویی که قبل از تماس به هم (یعنی  $F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2}$ ) رابطه‌ی زیر

را می‌نویسیم:

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$$



## مثال 6:

**مثال:** دو کره‌ی رسانای مشابه با بارهای ناهمنام  $-q$  و  $5q$  در فاصله‌ی  $r$  نیروی  $F$  را بر هم وارد می‌کنند. اگر این دو کره را به هم تماس دهیم و در همان فاصله قرار دهیم نیرویی که به هم وارد می‌کند چند برابر می‌شود؟



**تذکر:** نیرویی که کره‌ها بعد از تماس با یکدیگر بر هم وارد می‌کنند، الزاماً رانشی است ولی نیروی آنها به هم قبل از تماس به علامت بارهای روی آنها بستگی دارد.

**حالت ۳:** براینند نیروهای وارد بر یک ذره: از طرف چند ذره در این تیپ از مسائل چند ذره که می‌توانند بر روی یک خط راست قرار گیرند و یا غیرواقع بر یک خط باشند (مانند رأس‌های مثلث چهار ضلعی دایره و ...) داده می‌شود و مسئله براینند نیروهای وارد بر یک ذره‌ی خاص را می‌خواهد. روش عمومی محاسبه براینند نیروها در سه مرحله به صورت زیر است:



**مرحله‌ی اول:** بردار نیرویی که از طرف هریک از بارها بر بار هدف وارد می‌شود را رسم می‌کنیم برای رسم توجه به چهار نکته‌ی زیر مهم است:

. هر دفعه برای رسم نیروی هر یک از بارها بر بار هدف به بارهای دیگر توجهی نمی‌کنیم.

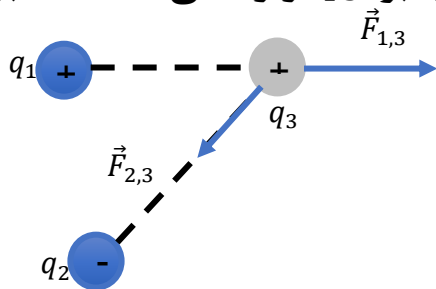
. ابتدای بردار را بر بار هدف قرار می‌دهیم.

. راستای بردار نیرو الزاماً روی خطی است که دو بار را به هم وصل می‌کند.



. جهت بردار براساس نوع دو بار تعیین می شود. (جاذبه یا دافعه)

به عنوان مثال: در شکل بردار نیروهایی را که  $q_1$  و  $q_2$  بر  $q_3$  وارد می کنند مطابق روش ذکر شده رسم کرده ایم.





**مرحله‌ی دوم:** بزرگی هریک از نیروها را بدون در نظر گرفتن علامت بارها و از رابطه‌ی  $F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2}$  به دست می‌آوریم (کمیت‌ها در SI باشند).

**مرحله‌ی سوم:** در پایان، برابری بردارها را براساس قوانین جمع برداری محاسبه می‌کنیم اگر نیروها هم‌راستا باشند. اندازه‌ی برابری با جمع جبری اندازه‌ی آنها به دست می‌آید و در نهایت بسته به این که درسوی مثبت محور  $x$ ها باشد به صورت  $F_T \vec{l}$  و اگر خلاف جهت  $x$ ها باشد آن را به صورت  $-F_T \vec{l}$  می‌نویسیم.



اما اگر ذره‌ها در یک راستا نباشند، بهتر است نیروی هر ذره را بر حسب بردارهای یکه  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  بنویسیم و جمع برداری کنیم:  $\vec{F}_t = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \dots$  که در نهایت

به صورت  $\vec{F}_t = \vec{F}_x \vec{i} + \vec{F}_y \vec{j}$  در می‌آیند و بزرگی آن را از رابطه‌ی  $F_t = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$

محاسبه می‌کنیم.



**حالت ۴:** یافتن محل بار الکتریکی سوم که برآیند نیروهای وارد بر آن از طرف دو بار دیگر صفر شود.

کاربرد این تیپ مسئله بیش تر در بحث میدان الکتریکی است که رفتار حل در هر دو حالت یکسان است. در اینجا فقط به این چهار نکته اکتفا می کنیم:

. هنگامی برآیند نیروهای وارد بر باری صفر است که نیروی وارد از طرف دو بار دیگر هم اندازه و ناهمسو باشند.



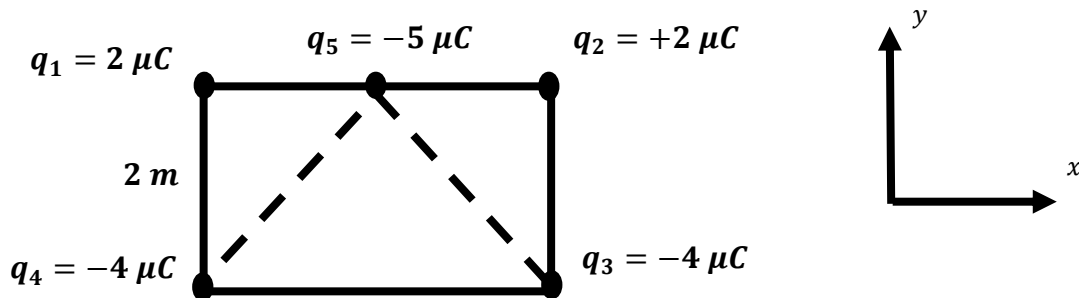
. محل بار سوم برای صفر شدن نیرو برای دو بار هم نام بین دو بار و نزدیک به بار با بزرگی کوچکتر است و برای بارهای ناهم نام خارج دو بار و نزدیک به بار با اندازه‌ی کوچک تر خواهد بود.

. با رسم بردارهای دو نیرو که ناهمسو هستند اندازه‌های آن دو را مساوی قرار می دهیم.



مثال 7:

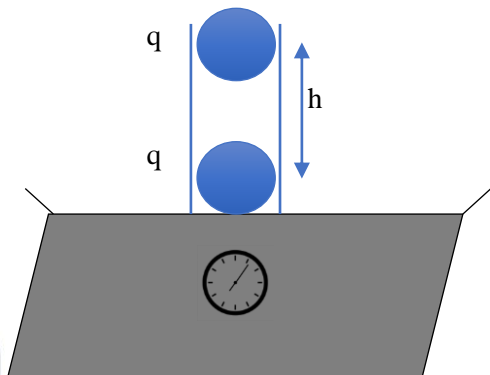
مثال: مطابق شکل در چهار رأس یک مستطیل  $(2m \times 4m)$ ، چهار بار الکتریکی و بر وسط ضلع بالای آن بار  $q_5 = -5\mu C$  واقع است، بر ایند نیروهای وارد بر بار  $q_5$  را از طرف چهار بار دیگر بر حسب بردارهای یکه بیابید.





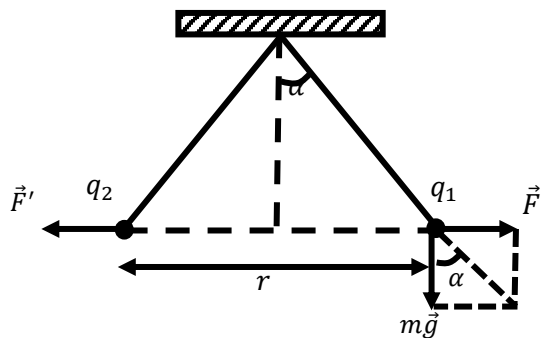
**مثال:** مطابق شکل دو گلوله هم جرم و دارای بار یکسان در لوله‌ای بدون اصطکاک با دیواره طوری قرار دارند که دو گلوله در فاصله‌ی  $h$  در حالت تعادل اند. (آ) نوع بار را تعیین و فاصله‌ی  $h$  را بر حسب جرم گلوله به دست آورید.

(ب) نیروسنج چه عددی را نشان خواهد داد؟ جرم لوله  $M$  را و جرم هریک از گلوله‌ها را  $m$  در نظر بگیرید.





حالت ۲: آونگ الکتریکی در حال تعادل برای حل این گونه مسائل کافی است، مطابق شکل





زیر نیروهای وارد بر گلوله را رسم و از رابطه‌های مربوطه استفاده کنیم:

$$\begin{cases} \tan \alpha = \frac{F}{mg} \\ F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \end{cases}$$



## مثال 9:

جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید و یا از داخل پرانتز عبارت مناسب را انتخاب نمایید.

الف) اگر بارهای الکتریکی دو جسم ..... باشد، نیروی بین آنها، دافعه و اگر بارهای الکتریکی دو جسم ..... باشد نیروی بین آنها جاذبه خواهد بود.

ب) طبق قانون ..... دو ذره باردار به یکدیگر نیروی الکتریکی وارد می‌کنند.



پ) نیروی الکتریکی که دو ذره باردار به یکدیگر وارد می‌کنند (هم‌جهت - خلاف جهت یکدیگر) هستند.

ت) اگر بارهای الکتریکی دو ذره باردار برابر نباشد، نیروی الکتریکی وارد شده بر هریک از ذره‌ها (برابر - نابرابر) می‌باشد.

ث) نیروی الکتریکی بین دو بار با حاصل ضرب ..... نسبت ..... دارد.



ج) با نصف شدن فاصله میان دو بار الکتریکی نقطه‌ای نیروی الکتریکی بین آنها دو برابر می‌شود (درست - نادرست).

چ) اگر فقط اندازه یکی از بارهای الکتریکی دو برابر شود، اندازه نیروی الکتریکی بین دو بار (نصف - دو) برابر می‌شود.

ح) هرگاه فاصله بین دو بار الکتریکی نقطه‌ای ..... برابر شود، نیروی بین آنها ۱۶ برابر می‌شود.

خ) اساس کار ترازوی پیچشی کولنی، ..... است.



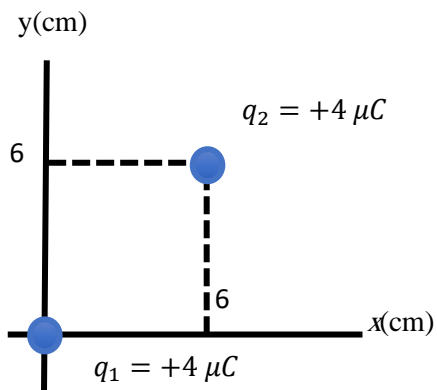
د) نیرویی که پروتون‌ها را با وجود دافعه‌شان در هسته کنار یکدیگر نگه می‌دارد، نیروی هسته‌ای – – کولنی نام دارد.



دو بار الکتریکی نقطه‌ای به فاصله ۳۰ سانتی‌متر از هم قرار دارند و با نیروی  $30\text{ N}$  یکدیگر را دفع می‌کنند. اگر اندازه یکی از بارها سه برابر دیگری باشد، اندازه هر بار چقدر است؟ ( $k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$ )



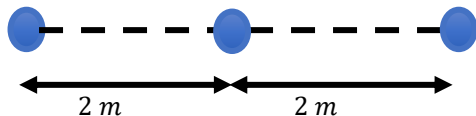
در شکل روبه‌رو ذره باردار  $q_1 = +4 \mu C$  و  $q_2 = +4 \mu C$  در جای خود ثابت شده‌اند. بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q_2$  را بر حسب بردارهای یکه بنویسید.





در شکل مقابل اندازه و جهت برابند نیروهای وارد بر بار  $q_2$  را به دست آورید  
( $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$ )

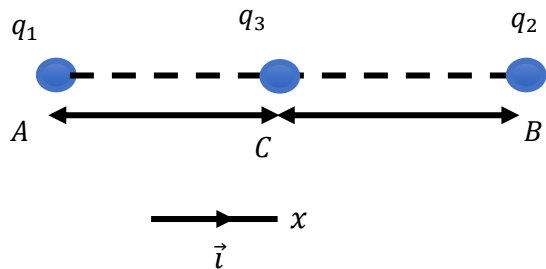
$$q_1 = -4 \mu\text{C} \quad q_2 = 2 \mu\text{C} \quad q_3 = 2 \mu\text{C}$$





مطابق شکل روبه رو سه ذره باردار  $q_1$ ،  $q_2$  و  $q_3$  در نقطه‌های  $A$ ،  $B$  و  $C$  ثابت شده‌اند. نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q_2$  را بر حسب بار یک دستگاه مختصات نشان داده شده در شکل بنویسید.

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{m^2}{N.C^2}, q_1 = q_2 = 2 \mu C, q_3 = -4 \mu C, AC = CB = 30 \text{ cm})$$

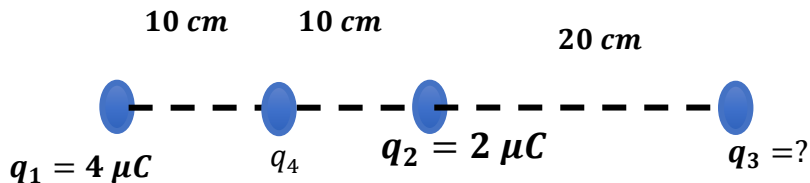




دو بار الکتریکی مثبت  $q_1 = 2 \mu C$  ,  $q_2 = 8 \mu C$  در فاصله  $90 \text{ cm}$  از هم قرار دارند. بار الکتریکی  $q_3$  را در چه فاصله‌ای از بار الکتریکی  $q_2$  قرار دهیم تا در حالت تعادل قرار گیرد؟



در شکل مقابل برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_4$  برابر صفر است. بار  $q_3$  چند میکروکولن است؟



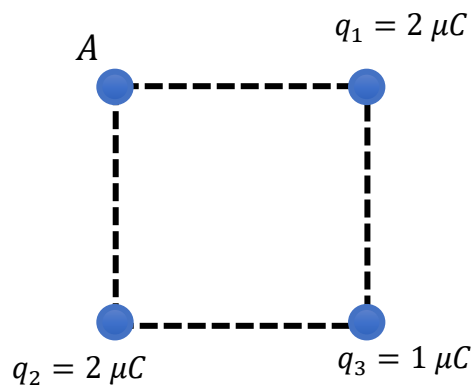


مثال 16:



مطابق شکل مقابل، دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در گوشه‌های یک مربع به ضلع  $10$  سانتی

متر قرار گرفته‌اند ( $k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$ ).



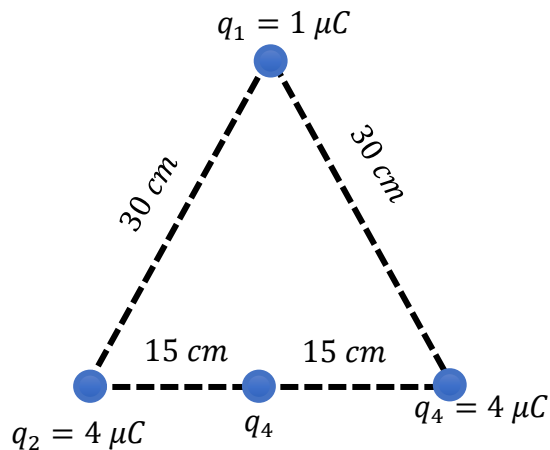
الف) نیروی کل وارد بر بار  $q_3$  را محاسبه نمایید.



ب) اگر در نقطه A یک ذره باردار قرار دهیم در چه جهتی و به چه اندازه به بار  $q_3$  نیرو وارد کند تا نیروی کل وارد بر بار  $q_3$  صفر شود؟

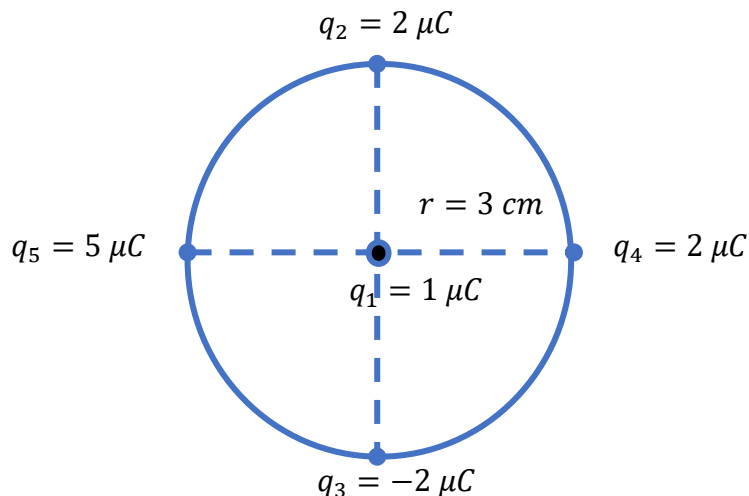


در شکل روبه‌رو اندازه بار الکتریکی  $q_4$  چقدر باشد تا برآیند نیروهای وارد بر  $q_4$  صفر گردد؟ ( $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$ )



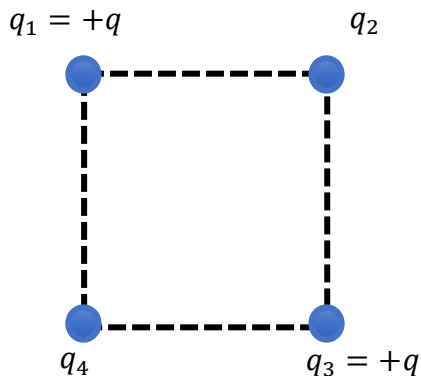


در شکل زیر، برابند نیروهای وارد بر بار  $q_4$  را محاسبه کنید  
( $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$ )





مطابق شکل زیر در چهار رأس مربعی به ضلع  $a$  بارهای  $q_1$ ،  $q_2$ ،  $q_3$  و  $q_4$  قرار دارند.  $q_4$  را طوری تعیین کنید که در حال تعادل باشد.

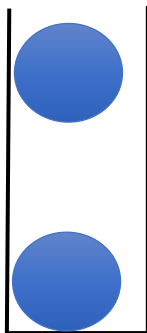




## مثال 20:

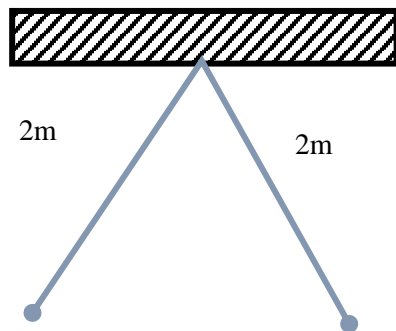
مطابق شکل دو گلوله با بارهای همانم مثبت و مساوی هر کدام به جرم  $10$  گرم را در یک لوله شیشه‌ای قائم با بدنه نارسانا و بدون اصطکاک رها می‌کنیم. اگر در حالت تعادل گلوله‌ها در فاصله  $30$  سانتی‌متری از هم قرار گیرند، بار الکتریکی هر گلوله را

محاسبه کنید. ( $g = 10 \frac{N}{kg}$ ,  $k = 9 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2$ )





دو گلوله مشابه که دارای بار  $0.001C$  هستند به وسیله دو ریسمان هم طول از یک نقطه آویزان شده‌اند اگر زاویه بین دو ریسمان  $90^\circ$  درجه باشد، جرم هر گلوله چقدر است؟ (تکمیل شکل الزامی است).  $(g = 10 \frac{N}{kg}, k = 9 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2)$ .





**مفهوم میدان الکتریکی:** یک بار الکتریکی در هر نقطه از فضای اطراف خود خاصیتی ایجاد می‌کند که بر اساس آن بر هر ذره‌ی باردار واقع در آن نقطه نیرو وارد می‌شود به این خاصیت میدان الکتریکی می‌گویند.

**تعریف میدان الکتریکی:** نیروی وارد بر بار کوچک و مثبت  $+q_0$  موسوم به بار آزمون در هر نقطه را میدان الکتریکی در آن نقطه می‌نامیم که از رابطه‌ی مقابل به دست می‌آید.

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{+q_0}$$



میدان الکتریکی، کمیتی برداری است و یکای آن در SI، نیوتون بر کولن ( $\frac{N}{C}$ ) نام دارد.

**جهت بردار میدان الکتریکی:** جهت بردار میدان الکتریکی  $\vec{E}$  در هر نقطه، هم جهت با نیروی وارد بر بار آزمونی ( $+q_0$ ) است که به طور فرضی در آن نقطه می گذاریم.

**محاسبه میدان الکتریکی یا نیروی وارد بر بار الکتریکی:** در میدان الکتریکی در این

حالت یکی از سه عامل  $F$ ،  $q_0$  و  $E$  مجهول است که با استفاده از رابطه  $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$  قابل

حل هستند. در این رابطه،  $q_0$  باری است که در معرض میدان  $\vec{E}$  قرار دارد.



**میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار:** برای محاسبه‌ی بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک ذره‌ی باردار در فاصله‌ی  $r$  از آن، از رابطه‌ی مقابل استفاده می‌کنیم.

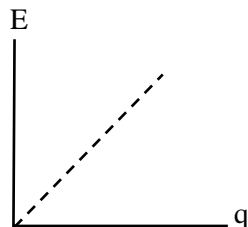
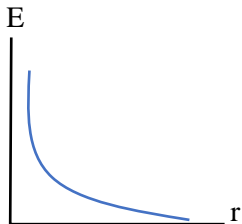
$$E = k \frac{|q|}{r^2}$$

در این رابطه  $r$  برحسب «متر» و  $|q|$  برحسب «کولن» است.



طبق رابطه‌ی فوق بزرگی میدان الکتریکی با اندازه‌ی بار  $q$  نسبت مستقیم و با مجذور فاصله از آن نسبت وارون دارد. نمودار میدان الکتریکی یک بار الکتریکی برحسب فاصله از آن و یا برحسب اندازه‌ی بار در یک فاصله‌ی معین مطابق شکل‌های مقابل است.

تذکر: جهت میدان حاصل از بار مثبت به طرف بیرون بار و برای بار منفی به طرف بار است.





## برایند میدانهای الکتریکی حاصل از چند ذره در یک نقطه

برای محاسبه‌ی این برایند به ترتیب زیر عمل میکنیم:

1. در نقطه‌ی موردنظر یک بار مثبت فرضی در نظر می‌گیریم و بردار میدان را در آن نقطه رسم می‌کنیم.
2. بردار میدان حاصل هر ذره را مستقل از بقیه در آن نقطه رسم می‌کنیم (جهت میدان همان جهت نیروی وارد بر بار مثبت فرضی در آن نقطه است).



3. با استفاده از رابطه‌ی  $E = k \frac{|q|}{r^2}$ ، اندازه‌ی میدان الکتریکی هریک از بارها را حساب می‌کنیم و سپس با توجه به جهت میدان‌ها هریک از آنها را برحسب بردارهای یکه‌ی  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  می‌نویسیم. اگر میدان‌ها در جهت محور  $E_x \vec{i}$  یا  $E_y \vec{j}$  باشند، و اگر خلاف جهت آنها باشند به صورت به صورت  $-E_x \vec{i}$  یا  $-E_y \vec{j}$  نوشته می‌شود.

4. با استفاده از رابطه‌ی  $\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \dots$  برایند میدان‌ها را برحسب بردارهای یکه‌ی  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  به دست می‌آوریم.

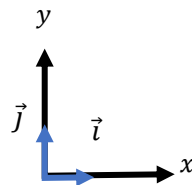
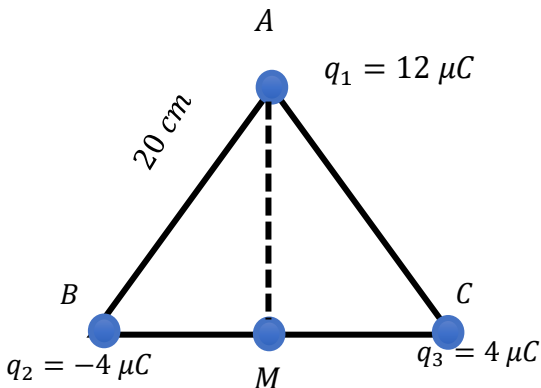


5. اندازه‌ی برآیند میدان‌های الکتریکی را از رابطه‌ی  $E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2}$  حساب می‌کنیم.



**مثال:** سه بار الکتریکی مطابق شکل در سه رأس یک مثلث متساوی الاضلاع به اندازه‌ی ضلع  $20\text{ cm}$  ثابت شده‌اند. برایند میدان الکتریکی را در نقطه‌ی  $M$  وسط ضلع  $BC$  برحسب بردارهای یکه بنویسید و اندازه‌ی آن را به دست آورید.

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$$





تعیین نقطه‌ای روی خط واصل دو ذره‌ی باردار که میدان برآیند در آن نقطه صفر شود

آ) اگر دو ذره‌ی باردار هم‌نام باشند، نقطه‌ی موردنظر روی خط واصل بین دو بار الکتریکی و نزدیک به بار با اندازه‌ی کوچک‌تر است.

ب) اگر دو ذره‌ی باردار ناهم‌نام باشند، نقطه‌ی موردنظر در خارج دو بار و نزدیک به بار الکتریکی با اندازه‌ی کوچک‌تر است.



در هر دو حالت باید اندازه میدان‌ها در آن نقطه برابر و در خلاف جهت هم باشند یعنی:

$$E_1 = E_2 \xrightarrow{E=k\frac{q}{r^2}} k\frac{q_1}{r_1^2} = k\frac{q_2}{r_2^2}$$

**تذکر:** در این گونه تساوی‌ها نیازی نیست یکاها در SI باشند بلکه کافی است کمیت‌های یکسان در دو طرف رابطه یکای یکسانی داشته باشند.



**مثال:** دو بار الکتریکی  $q_1 = 2 \mu C$  و  $q_2 = -18 \mu C$  در فاصله‌ی ۲۴ سانتی‌متری از یکدیگر قرار دارند. در چه فاصله‌ای از بار الکتریکی  $q_2$  میدان الکتریکی برآیند صفر می‌شود؟

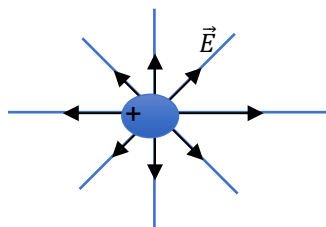


## خطوط میدان الکتریکی

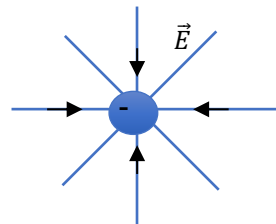
خطوط میدان الکتریکی: برای مجسم کردن میدان الکتریکی در فضای اطراف اجسام باردار از خط‌های جهت داری موسوم به خطوط میدان الکتریکی استفاده می‌کنیم. سوال‌هایی که از خطوط میدان الکتریکی ذره‌ی باردار پرسیده می‌شود عموماً رسم خطوط میدان برای ذره‌ی منفرد یا دو ذره‌ی مقابل هم (که ممکن است اندازه و علامت بارهای آنها یکسان یا متفاوت باشد) است.



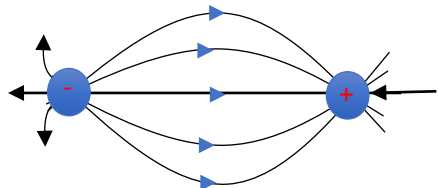
در شکل‌های زیر خط‌های میدان الکتریکی را در اطراف بارهای الکتریکی منفرد دو بار الکتریکی نزدیک به هم و یک بار و یک صفحه‌ی رسانا مشاهده می‌کنید در تمام موارد الزاماً میدان الکتریکی از بار مثبت خارج و به بار منفی وارد می‌شود.



میدان الکتریکی اطراف یک بار مثبت  
منفرد



میدان الکتریکی اطراف یک بار  
منفی منفرد



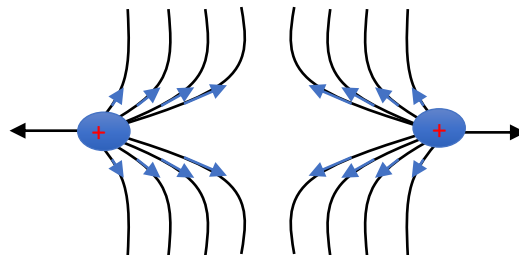
میدان الکتریکی اطراف دو بار هم  
اندازه و ناهم نام (دوقطبی الکتریکی)



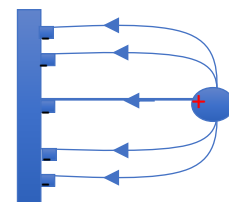
میدان الکتریکی اطراف دو بار  
ناهم نام نابرابر



میدان الکتریکی اطراف دوبار  
هم مثبت هم اندازه



میدان الکتریکی اطراف دوبار هم  
مثبت هم اندازه



میدان الکتریکی اطراف یک بار  
نقطه‌ای و یک صفحه رسانای باردار  
با بارهای ناهم نام



## ویژگی‌های خط‌های میدان الکتریکی

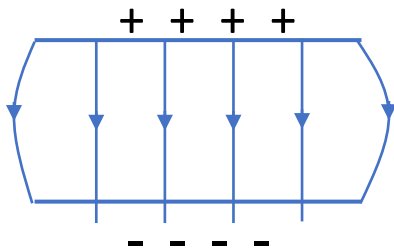
1- خط‌های میدان در هر نقطه، هم‌جهت با نیروی وارد بر بار مثبت واقع در آن نقطه است. در نتیجه، جهت این خط‌ها از بار مثبت رو به خارج و برای بار منفی رو به داخل آن است.

2- بردار میدان در هر نقطه، مماس بر خط میدانی که از آن نقطه می‌گذرد و با آن هم‌جهت است.

3- در هر ناحیه که میدان قوی‌تر باشد، خط‌های میدان متراکم‌ترند.



4- خط‌های میدان هرگز یکدیگر را قطع نمی‌کنند یعنی از هر نقطه فقط یک خط میدان می‌گذرد میدان الکتریکی یکنواخت میدانی است که خطوط آن راست موازی هم فاصله و هم جهت هستند.

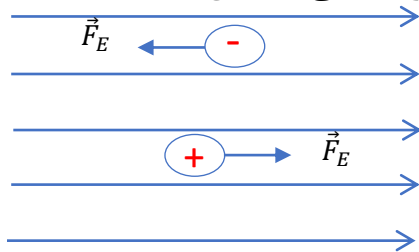


دقت کنید اگر به دو صفحه‌ی رسانای موازی بارهای الکتریکی هم‌اندازه و ناهم‌نام بدهیم در فضای بین دو صفحه و دور از لبه‌ها میدان الکتریکی یکنواخت ایجاد می‌شود.



❖ اگر بار الکتریکی  $q$  در میدان الکتریکی  $\vec{E}$  ناشی از اجسام باردار دیگری قرار

گیرد. این میدان بر آن نیروی  $\vec{F}$  را وارد می‌کند که از رابطه‌ی مقابل به‌دست



$$\vec{F} = |q|\vec{E} \quad \text{می‌آید:}$$

بزرگی این نیرو از رابطه‌ی  $F = |q|E$  به‌دست می‌آید.

❖ جهت این نیرو برای بار مثبت در جهت میدان الکتریکی و برای بار منفی در

خلاف جهت میدان است.



## تعادل ذره‌های باردار با در نظر گرفتن نیروی گرانش

در یک سری از مسائل، یک بار الکتریکی منفرد و یا متصل به نخ در معرض میدان الکتریکی یکنواخت و به حال تعادل قرار دارد و مسئله جرم یا بار ذره و یا زاویه انحراف نخ از راستای قائم را می‌خواهد.

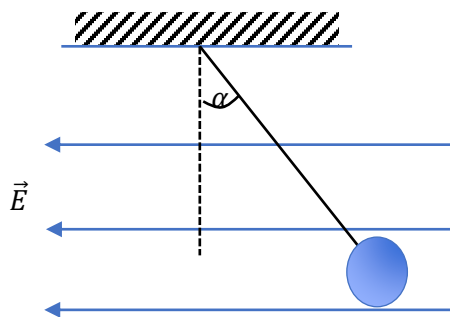
**روش عمومی حل:** برای حل ابتدا نیروهای وارد بر بار را رسم می‌کنیم برای برقراری تعادل باید برابری نیروهای وارد بر گلوله صفر باشد.



مثال 24:



**مثال:** گلوله‌ای با بار  $|q| = 2 \mu C$  به جرم  $4g$  مطابق شکل به نخ‌ی بسته شده است و در میدان الکتریکی  $E = 2 \times 10^4 \frac{N}{C}$  به حال تعادل قرار دارد نوع بار و زاویه‌ی انحراف نخ از راستای قائم ( $\alpha$ ) را بیابید.





در جمله‌های زیر عبارت مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید یا درستی یا نادرستی عبارت‌ها را تعیین نمایید.

الف) با زیاد شدن فاصله از یک بار الکتریکی نقطه‌ای، میدان الکتریکی حاصل از این بار (کاهش - افزایش) می‌یابد.

ب) میدان الکتریکی کمیتی (برداری - نرده‌ای) است.

پ) اگر شعله شمع را به مولد واندوگراف نزدیک کنیم یون‌های مثبت درون شعله شمع در خلاف جهت میدان به سمت مولد واندوگراف خم می‌شود (درست - نادرست)



ت) نمودار تغییرات بزرگی میدان الکتریکی بر حسب فاصله از بار الکتریکی ساکن به صورت خط راست است. (درست – نادرست)



جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.

الف) یک بار الکتریکی در هر نقطه‌ای از فضای اطراف خود خاصیتی ایجاد می‌کند که به آن ..... می‌گویند.

ب) میدان الکتریکی با ..... رابطه مستقیم و با ..... رابطه عکس دارد.

پ) یکای میدان الکتریکی در SI به صورت ..... است.

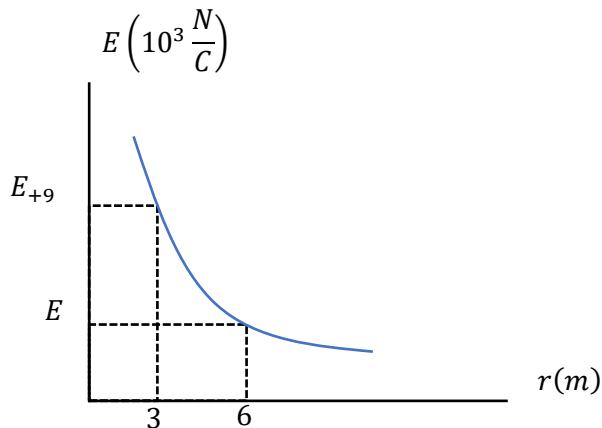


ت) ذره‌ای باردار در یک میدان الکتریکی قرار دارد اگر بار ذره را ۳ برابر کنیم میدان الکتریکی ..... و نیروی وارد بر ذره ..... برابر می‌شود.



نمودار میدان الکتریکی بر حسب فاصله برای یک ذره باردار مطابق شکل است. بزرگی

میدان  $E$  چند نیوتون بر کولن است؟

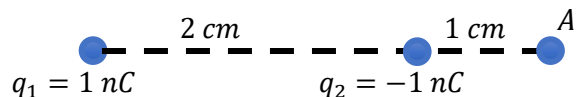




مثال 28:

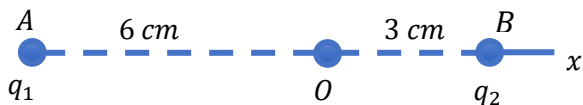


در شکل روبه‌رو بزرگی میدان الکتریکی در نقطه A را محاسبه کنید و به صورت بردار بیکه بنویسید. ( $k = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2$ )





مطابق شکل زیر دو ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 = +4 \mu C$  و  $q_2 = +2 \mu C$  در نقطه‌های A و B روی محور x ثابت شده‌اند.



الف) میدان الکتریکی برابند را در نقطه O (مبدأ مختصات) محاسبه کنید و آن را بر حسب بردارهای یک‌به‌یک بنویسید.

ب) در نقطه ذره ای با بار الکتریکی  $-5 \mu C$  قرار می‌دهیم نیروی الکتریکی وارد بر ذره را بر حسب بردارهای یک‌به‌یک بنویسید.



مثال 30: 

دو بار الکتریکی  $4 \mu C$  و  $100 \mu C$  در فاصله  $60 \text{ cm}$  از هم ثابت شده‌اند میدان الکتریکی برآیند در چه فاصله‌ای از بار کوچکتر صفر خواهد بود؟



دو ذره باردار  $q_1 = 2 \mu C$  و  $q_2 = -18 \mu C$  در فاصله  $12 \text{ cm}$  از هم واقع اند در چه فاصله‌ای از بار  $q_2$  میدان الکتریکی برابر صفر می‌شود؟

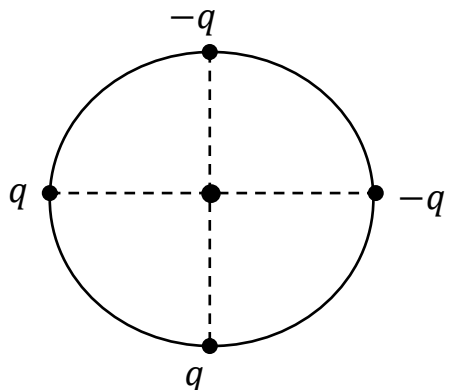


### مثال 32:



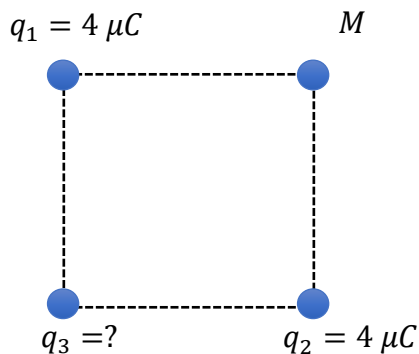
در شکل مقابل، شعاع دایره ۲ متر و  $q = 4 \mu\text{C}$  است.  $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$

بردار برآیند میدان‌های الکتریکی حاصل از چهار بار را در مرکز دایره برحسب بردارهای یکه  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  بنویسید و بزرگی آن را به دست آورید. جهت بردار برآیند را رسم کنید.





در شکل زیر طول هر ضلع مربع  $3\text{cm}$  است اندازه بار  $q_3$  چقدر باشد تا برابند میدان‌های الکتریکی حاصل از بارها در نقطه  $M$  برابر صفر شود؟





جاهای خالی را با کلمات مناسب کامل کنید و یا کلمه یا عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب نمایید.

الف) در هر ناحیه که تراکم خطوط میدان الکتریکی بیشتر باشد، میدان الکتریکی قوی تر - ضعیف تر) است.

ب) جهت میدان الکتریکی در اطراف یک بار مثبت (به طرف بار - به طرف خارج از بار) است.



پ) جهت خط‌های میدان حاصل از بار منفی در جهت دور شدن از بار نزدیک شدن به بار است.

ت) خطوط میدان الکتریکی یکدیگر را ..... نمی‌کنند.

ث) نیروی وارد بر بار الکتریکی منفی در میدان الکتریکی یکنواخت هم‌جهت با میدان است. (درست – نادرست)

ج) جهت خطوط میدان الکتریکی در هر نقطه هم‌جهت با ..... وارد بر بار مثبت آزمون در آن نقطه است.



چ) میدان الکتریکی در هر نقطه، برداری است (مماس - عمود) بر خط میدان الکتریکی که از آن نقطه می‌گذرد و با آن خط میدان هم‌جهت است.

ح) دوقطبی الکتریکی از دو بار ..... و ..... تشکیل شده است.

خ) در آرایشی از بارهای الکتریکی، خطوط میدان الکتریکی از بارهای مثبت شروع و به بارهای منفی ختم می‌شود. (درست - نادرست)



د) در میدان الکتریکی ..... خطوط میدان، مستقیم موازی و هم فاصله است.



به سؤال‌های زیر پاسخ دهید:

الف) دو ویژگی خط‌های میدان الکتریکی یکنواخت را بنویسید.

ب) خط‌های میدان الکتریکی را در اطراف دو بار غیرهمنام و هم‌اندازه (دو قطبی الکتریکی) رسم کنید و در یک نقطه دلخواه جهت میدان الکتریکی را نشان دهید.



پ) خطوط میدان الکتریکی را در فضای اطراف دو بار الکتریکی هم‌اندازه و مثبت رسم کنید.

ت) خطوط میدان الکتریکی را در فضای اطراف دو بار نقطه‌ای  $-q_1$  و  $+q_2$  رسم کنید.  
( $|q_2| > |q_1|$ )

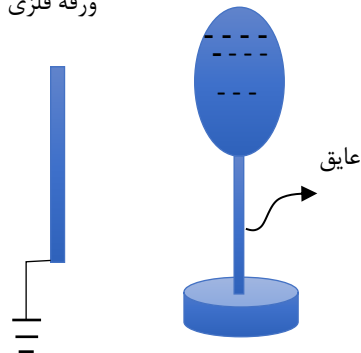


ث) خطوط میدان الکتریکی را برای هریک از موارد زیر رسم کنید.

ورقه فلزی

دو صفحه رسانای موازی بردار با  
بارهای ناهمنام و هم‌اندازه

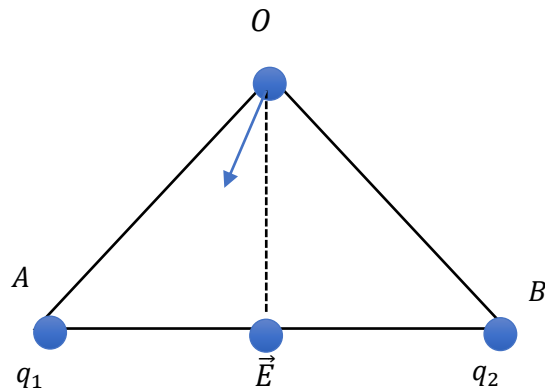
(2)



(1)



ج) میدان الکتریکی حاصل از دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه  $O$  واقع بر عمود منصف  $AB$  مطابق شکل مقابل است نوع بار  $q_2$  را تعیین کنید و اندازه دو بار را با هم مقایسه نمایید.

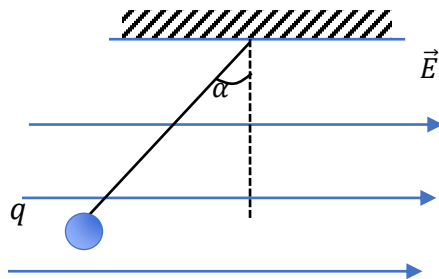




روی سطح بادکنکی به جرم  $10\text{g}$  بار الکتریکی  $-200\text{C}$  ایجاد می‌کنیم و آن را در یک میدان الکتریکی قرار می‌دهیم. بزرگی و جهت این میدان الکتریکی را در صورتی که بادکنک معلق بماند، تعیین کنید. از نیروی شناوری وارد بر بادکنک چشم پوشی کنید. ( $g = 10\text{ N/kg}$ )



در شکل روبه‌رو یک ذره به جرم  $18g$  و بار الکتریکی  $q$  توسط یک نخ در میدان الکتریکی یکنواخت و افقی  $2250 \text{ N/C}$  قرار دارد. به ازای  $\alpha = 37^\circ$  گلوله در حال تعادل و ساکن است. اندازه و علامت بار  $q$  را تعیین کنید. ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ ,  $\sin 37^\circ = 0.6$ )





## انرژی پتانسیل الکتریکی

مثال: اگر فاصله‌ی دو بار الکتریکی کم یا زیاد شود انرژی پتانسیل الکتریکی سامانه‌ی متشکل از دو بار چگونه تغییر خواهد کرد؟



- اگر یک بار الکتریکی در یک میدان الکتریکی جابه‌جا شود تغییر انرژی پتانسیل آن چگونه خواهد بود؟



## کار میدان الکتریکی و تغییر انرژی پتانسیل

روش محاسبه کار میدان الکتریکی: برای محاسبه کار میدان الکتریکی بر روی بار مثبت  $q$  در جابه‌جایی بار از  $A$  تا  $B$  (مطابق شکل) به صورت زیر عمل می‌کنیم

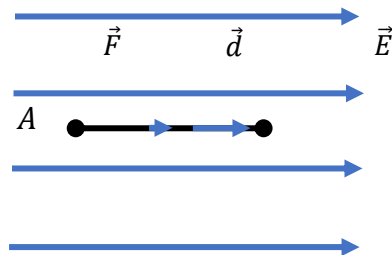
1- در ابتدای مسیر (نقطه‌ی  $A$ ) دو بردار نیروی وارد بر بار  $q$  ( $F$ ) و جابه‌جایی ( $\vec{d}$ ) را مشخص می‌کنیم تا  $\theta$  (زاویه‌ی بین  $\vec{F}$  و  $\vec{d}$ ) به دست آید.



2- از ترکیب دو رابطه ،  $W_E = Fd \cos \theta = F = E|q|$  ، رابطه‌ی کار میدان به صورت زیر، به دست می‌آید:

$$W_E = E|q|d \cos \theta$$

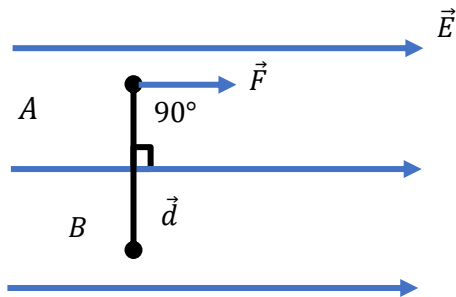
**تذکر:** بدیهی است که اگر  $q$  مثبت باشد،  $\vec{F}$  در جهت  $\vec{E}$  و اگر منفی باشد،  $\vec{F}$  در خلاف جهت  $\vec{E}$  رسم خواهد شد.





## نتایج:

۱. اگر  $\theta = 90^\circ$  یعنی جابه جایی عمود بر میدان باشد  $W_E = 0$  است.
۲. اگر زاویه تند باشد، آنگاه  $W_E$  مثبت است ( $W_E > 0$ ).
۳. اگر زاویه باز باشد، آنگاه  $W_E$  منفی است ( $W_E < 0$ ).





## تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی

طبق تعریف، تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی برابر منفی کار میدان الکتریکی بر روی بار  $q$  در یک جابه‌جایی معین است، بنابراین داریم:

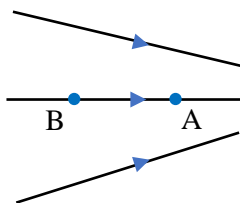
$$\Delta U_E = -W_E = -E|q|d \cos \theta$$

یا میتوان  $W_E$  را طبق روشی که در بالا توضیح دادیم، محاسبه کنیم و در یک منفی ضرب نماییم.

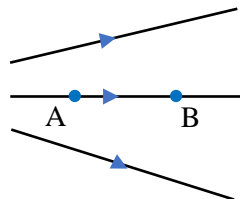


### مثال 38:

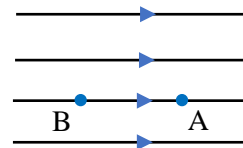
شکل زیر، سه آرایش مختلف از خطوط میدان الکتریکی را نشان می‌دهد (در هر سه آرایش نقطه‌های A و B در فاصله‌های یکسان از هم قرار دارند) در هر آرایش یک الکترون از حالت سکون در نقطه A رها می‌شود. از نقطه A به نقطه B:



(پ)



(ب)



(الف)



1) در شکل (الف) میدان الکتریکی ..... می ماند. در شکل (ب) ..... می یابد و در شکل (پ) ..... می یابد. (افزایش - کاهش - ثابت)

2) در شکل های زیر الکترونی را با سرعت اولیه یکسان از نقطه A در میدان الکتریکی پرتاب می کنیم. در این حالت سرعت الکترون در نقطه B در شکل ..... بیش تر است.

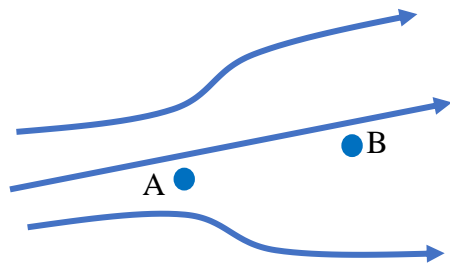


در شکل زیر، بار مثبت را در میدان الکتریکی از نقطه A تا B جابه‌جا می‌کنیم:

الف) در کدام نقطه میدان الکتریکی قوی‌تر است؟

ب) در این جابه‌جایی انرژی پتانسیل الکتریکی بار مثبت افزایش می‌یابد یا کاهش؟  
چرا؟

پ) کار انجام شده توسط میدان الکتریکی بر روی این بار در این جابه‌جایی مثبت است یا منفی؟ چرا؟





مثال 40:

در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی  $10^4 \text{ N/C}$  ذره‌ای به جرم  $10 \text{ g}$  و بار  $+4 \mu\text{C}$  رها می‌شود. هنگامی که این ذره به اندازه  $50 \text{ cm}$  در راستای میدان حرکت کرد:

الف) نیروی وارد بر ذره از طرف میدان چند نیوتون است؟

ب) تغییر انرژی پتانسیل ذره چند ژول است؟

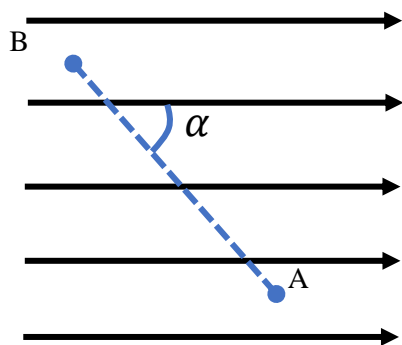
پ) تندی ذره بعد از جابه‌جایی  $50 \text{ cm}$  چند  $\text{m/s}$  است؟



ذره‌ای با بار ۲ پیکو کولن و جرم  $2 \times 10^{-18}$  در یک میدان الکتریکی یکنواخت رها می‌شود. اگر تندی ذره پس از  $10 \text{ cm}$  جابه‌جایی به  $10^6 \frac{m}{s}$  برسد، اندازه میدان الکتریکی را محاسبه کنید.



مطابق شکل، بار  $q = 10 \mu C$  را با تندی ثابت در داخل میدان الکتریکی یکنواخت  $E = 8 \times 10^5 \frac{N}{C}$  از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا می‌کنیم اگر  $AB = 4m$  و  $\alpha = 30^\circ$  باشد، مطلوب است:



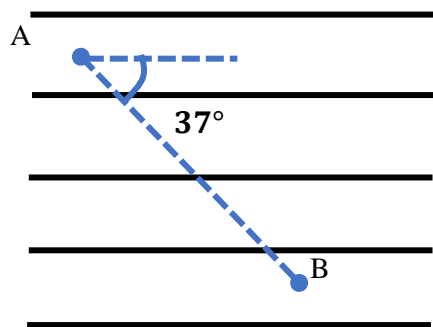
الف) نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q$ .

ب) کاری که برای این جابه‌جایی باید انجام دهیم.  $\vec{E}$

پ) تغییر انرژی پتانسیل بار  $q$ .



اگر بار الکتریکی  $-4 \mu C$  را با تندی ثابت از نقطه A تا B منتقل کنیم، انرژی پتانسیل الکتریکی آن به اندازه  $20 \mu J$  کاهش می‌یابد.



الف) جهت میدان الکتریکی را با ذکر دلیل تعیین کنید.

ب) اندازه میدان الکتریکی چند N/C است؟

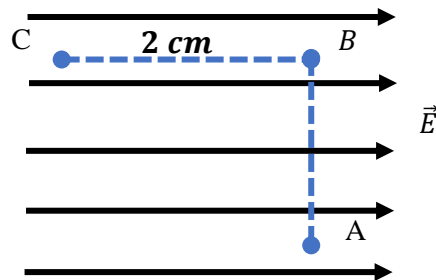
( $\cos 37^\circ = 0/8$  ,  $AB = 25 \text{ cm}$ )



در میدان الکتریکی یکنواخت شکل مقابل که بزرگی آن  $E = 5 \times 10^5 \text{ N/C}$  است بار  $q = 2 \text{ nC}$  از نقطه C به نقطه B و سپس به نقطه A می‌رود.

الف) کاری که نیروی الکتریکی در این جابه‌جایی انجام می‌دهد را به دست آورید.

ب) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار  $q$  در این جابه‌جایی چقدر است؟

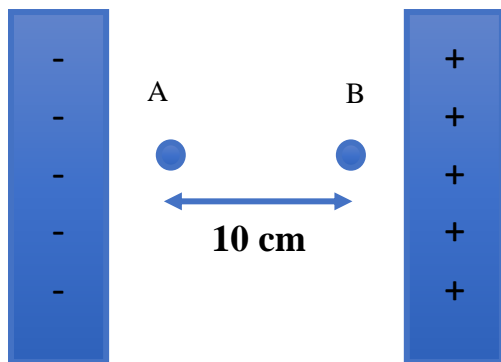




مثال 45:



مطابق شکل مقابل، در میدان الکتریکی یکنواخت  $E = 2 \times 10^3 \text{ N/C}$ ، پروتون از نقطه A با تندی  $V_0$  در خلاف جهت میدان الکتریکی پرتاب شده است. اگر پروتون در نقطه B متوقف گردد: (بار پروتون  $1/67 \times 10^{-27}$  کولن و جرم آن  $1/67 \times 10^{-27}$  کیلوگرم است.)



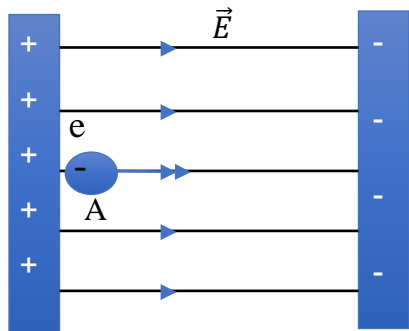


الف) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی پروتون در این جابه جایی چقدر است؟  
ب) تندی پرتاب پروتون را پیدا کنید. (از وزن پروتون و مقاومت هوا چشم پوشی شود).



در شکل روبه‌رو، الکترونی از نقطه A با سرعت  $4 \times 10^6 \frac{m}{s}$  در امتداد خط‌های میدان الکتریکی پرتاب شده است پس از چند میلی‌متر پیشروی، سرعت الکترون صفر می‌شود؟

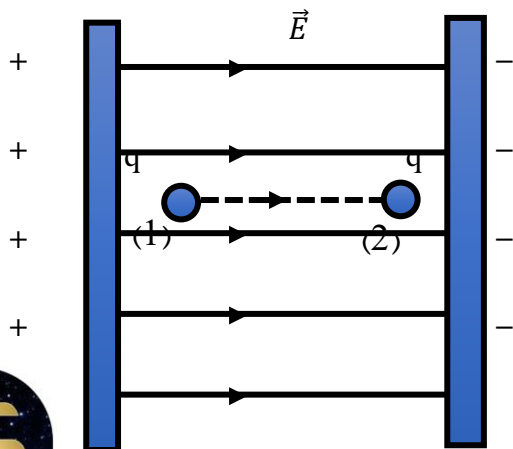
$$\left( E = 9 \times 10^3 \frac{N}{C}, m_e \cong 9 \times 10^{-31} kg, e = 1.6 \times 10^{-19} C \right)$$





## پتانسیل الکتریکی

مطابق شکل اگر بار  $q$  در میدان الکتریکی  $\vec{E}$  از نقطه‌ی (۱) تا نقطه‌ی (۲) جابه‌جا شود و تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی آن  $\Delta U_E$  باشد، آنگاه اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه ( $\Delta V$ ) طبق رابطه‌ی زیر تعریف می‌شود.



$$\Delta V = V_2 - V_1 = \frac{\Delta U_E}{q}$$



### چند نکته:

1. اختلاف پتانسیل بین دو نقطه، یعنی  $\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q}$  به نوع و اندازهی بار  $q$  بستگی ندارد و برای دو نقطه‌ی معین همواره ثابت است.
2. در رابطه‌ی بالا، الزاماً باید علامت بار الکتریکی منظور شود.
3. اگر در جهت میدان الکتریکی پیش برویم، پتانسیل الکتریکی نقاط کاهش می‌یابد.



4. اگر در خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت کنیم، پتانسیل الکتریکی نقاط افزایش می‌یابد.

5. اگر در راستای عمود بر میدان حرکت کنیم پتانسیل الکتریکی نقاط ثابت می‌ماند.



محاسبه‌ی تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی با معلوم بودن اختلاف پتانسیل الکتریکی دو نقطه

در این حالت بار الکتریکی و از نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی  $V_1$  به نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی  $V_2$  منتقل می‌شود با محاسبه‌ی  $\Delta = V_2 - V_1$  و با استفاده از رابطه‌ی  $\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q}$  تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار محاسبه می‌شود.



اگر بار الکتریکی  $q = -4 \mu C$  از پایانه‌ی مثبت باتری ۱۵ ولتی به پایانه‌ی منفی آن جابه‌جا شود انرژی پتانسیل الکتریکی آن چقدر تغییر می‌کند؟

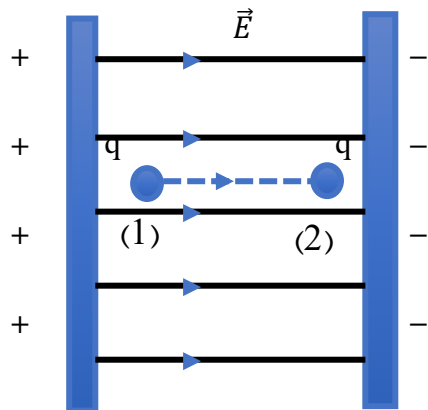


## رابطه‌ی اختلاف پتانسیل دو نقطه و اندازه‌ی میدان الکتریکی یکنواخت

فرض می‌کنیم بار الکتریکی مثبت  $q$  در میدان یکنواخت  $\vec{E}$  از  $A$  تا  $B$  جابه‌جا شود، در

این صورت داریم:

. تغییر انرژی پتانسیل بار  $q$ :



$$\Delta U_E = -E|q|d \cos 0 = -E|q|d$$



. اختلاف پتانسیل بین دو نقطه‌ی A و B

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q}$$

از ترکیب دو رابطه‌ی بالا داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} = \frac{-E|q|d}{q} = -Ed$$



اگر بار مثبت  $q$  و در جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شود  $\theta = 0^\circ$  و خواهیم داشت:

$$\Delta V = -Ed$$

اگر بار مثبت  $q$  و در خلاف جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شود  $\theta = 180^\circ$  و خواهیم داشت:

$$\Delta V = Ed$$



**نتیجه:** به طور کلی  $\Delta V = \pm Ed$  است، که اگر در جهت میدان جابه‌جا شویم (در جهت کاهش پتانسیل) از  $\Delta V = -Ed$  و اگر در خلاف جهت میدان جابه‌جا شویم (در جهت افزایش پتانسیل) از  $\Delta V = +Ed$  استفاده می‌کنیم.

**تذکر:** در رابطه‌های بالا چون  $\Delta V$  بر حسب ولت،  $d$  بر حسب متر است، یکای میدان الکتریکی بر حسب ولت بر متر می‌باشد که معادل نیوتون بر متر است.

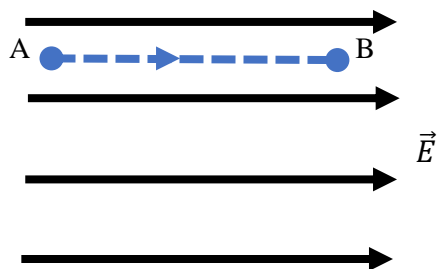


## پرتاب یا رها کردن یک ذره باردار در میدان الکتریکی

اگر یک ذره باردار را در یک میدان الکتریکی رها یا پرتاب کنیم، این ذره تنها تحت اثر نیروی میدان الکتریکی قرار خواهد داشت. در این حالت همواره میتوان از قضیه کار - انرژی جنبشی یا پایستگی انرژی مکانیکی استفاده کرد.



مطابق شکل ذره‌ای به جرم ۸ میلی‌گرم و بار الکتریکی  $(+4 \mu C)$  را از نقطه‌ی A با پتانسیل الکتریکی ۶۰ ولت به سمت نقطه‌ی B با پتانسیل الکتریکی ۴۰- ولت با تندی  $5 \text{ m/s}$  پرتاب می‌کنیم، تندی این ذره در لحظه‌ی رسیدن به نقطه‌ی B چقدر است؟





کار انجام شده توسط نیروی خارجی: اگر در میدان الکتریکی علاوه بر نیروی الکتریکی، نیروی خارجی دیگری بر ذره‌ای با بار  $q$  وارد شود و آن را از نقطه‌ای به نقطه‌ای دیگر جابه‌جا نماید، طبق قضیه‌ی کار - انرژی جنبشی تغییر انرژی جنبشی بار  $q$  برابر است با:

$$\Delta K = W_{ex} + W_E = W_{ex} - q\Delta V$$

اگر بار و در ابتدا و انتهای این جابه‌جایی ساکن باشد  $\Delta K = 0$  است، بنابراین داریم:

$$W_{ex} = -W_E = q\Delta V = \Delta U$$



مطابق شکل بار  $q = 5 \mu C$  را از A تا B به فاصله‌ی  $20 \text{ cm}$  در سوی میدان با تندی

ثابت جابه جا می‌کنیم.  $E = 3 \times 10^4 \frac{N}{C}$

(آ) جهت نیروی ما (نیروی خارجی) کدام سمت است؟



(ب) کار نیروی ما چند ژول است؟

(پ) کار نیروی میدان چقدر است؟



ت) تغییر انرژی پتانسیل از A تا B چقدر است؟

ث) اختلاف پتانسیل بین دو نقطه B و A،  $(V_B - V_A)$  چقدر است؟



جاهای خالی را با کلمات مناسب کامل کنید و یا کلمه یا عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب نمایید.

الف) نسبت تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی به بار الکتریکی ذره است. (.....)

ب) پتانسیل الکتریکی کمیتی ..... می باشد و یکای آن ..... است.

پ) نسبت تغییر انرژی پتانسیل به بار ذره، مستقل از ..... و ..... است.



ت) اگر الکترونی در داخل میدان الکتریکی رها شود در جهتی حرکت می کند که انرژی پتانسیل الکتریکی آن (افزایش - کاهش) یابد.

ث) اگر در جهت میدان الکتریکی حرکت کنیم پتانسیل الکتریکی (افزایش - کاهش) می یابد.

ج) در میدان الکتریکی یکنواخت با حرکت در جهت عمود بر خطوط میدان پتانسیل الکتریکی صفر است؟ (درست - نادرست)



چ) اگر بار الکتریکی مثبت در جهت خطوط میدان الکتریکی جابه‌جا شود پتانسیل الکتریکی (افزایش - کاهش) می‌یابد.

ح) یکای ولت معادل (ژول بر کولن - ژول در کولن) است.

خ) در نقطه مرجع پتانسیل الکتریکی ..... است.

د) نیوتون بر کولن همان ولت بر متر است. (درست - نادرست)



الف) در شکل مقابل، از نزدیکی بار  $q_1$  تا نزدیکی بار  $q_2$  جابه‌جا می‌شویم. تغییرات بزرگی میدان الکتریکی و پتانسیل الکتریکی چگونه خواهد بود. (با ذکر دلیل)



ب) توضیح دهید، اگر در میدان الکتریکی انرژی پتانسیل الکتریکی بار مثبت کاهش یابد، پتانسیل الکتریکی چگونه تغییر کرده است؟

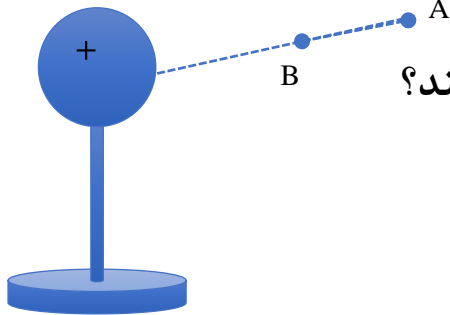


در شکل روبه‌رو ذره‌ای با بار منفی را از حال سکون، از نقطه A واقع در میدان الکتریکی اطراف کره باردار رها می‌کنیم. اگر ذره در مسیر A تا B جابه‌جا شود:

الف) در این جابه‌جایی کار نیروی الکتریکی مثبت است یا منفی؟

ب) در این جابه‌جایی انرژی جنبشی ذره باردار چگونه تغییر می‌کند؟

پ) پتانسیل الکتریکی نقاط A و B را با هم مقایسه کنید.





الف) در یک میدان الکتریکی یکنواخت بار  $q_1 = -4 \mu C$  از نقطه A تا B جابه‌جا می‌شود. اگر انرژی پتانسیل الکتریکی آن در نقاط A و B به ترتیب  $0/4 mJ$  و  $0/8 mJ$  و پتانسیل نقطه A برابر  $15V$  باشد پتانسیل نقطه B چند ولت است؟



ب) اختلاف پتانسیل بین پایانه‌های یک باتری ۲۴۷ است اگر ذره‌ای با بار  $q = 5\text{ C}$  از پایانه مثبت به پایانه منفی آن برود، تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی آن چند ژول می‌شود؟



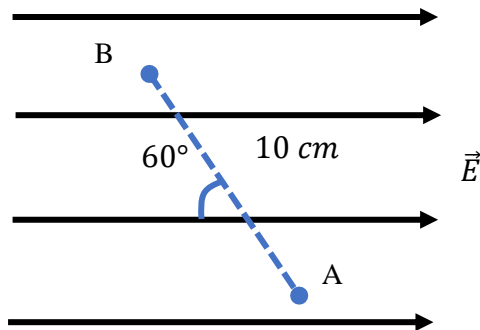
مطابق شکل روبه‌رو بار الکتریکی  $q = 5 \mu C$  در میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی  $10^5 N/C$  در مسیر A تا B با تندی ثابت جابه‌جا می‌شود. مطلوب است:

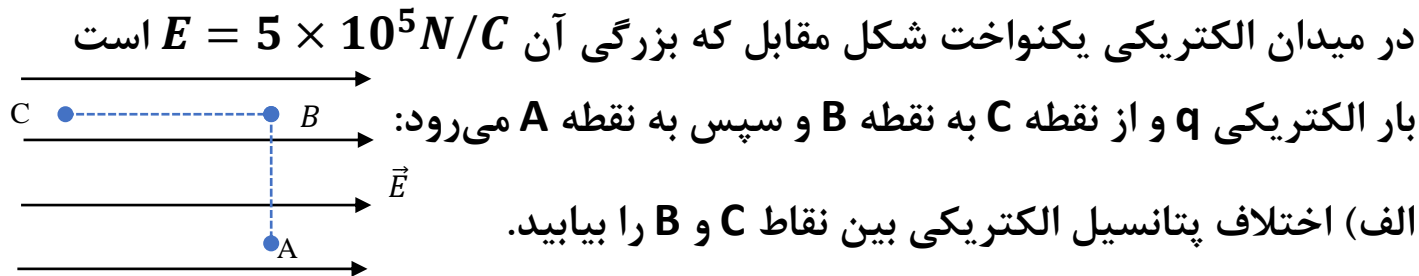
الف) نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q$

ب) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار  $q$

پ) اختلاف پتانسیل بین دو نقطه A و B یعنی  $(V_B - V_A)$

ت) کار نیروی میدان الکتریکی در این جابه‌جایی



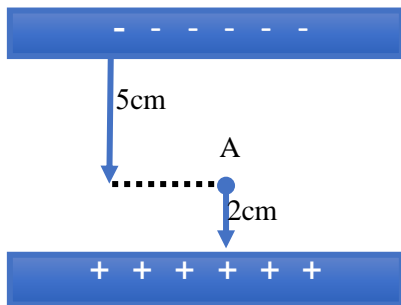


ب) اگر بار نقطه ای  $q = 2 \text{ nC}$  از نقطه  $C$  تا نقطه  $A$  جابه‌جا شود،

تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی آن را به دست آورید. ( $CB = 2 \text{ cm}$ )



مطابق شکل یک ذره غبار با بار الکتریکی  $2 \times 10^{-11} C$  و جرم  $2 \times 10^{-7} kg$  در میدان الکتریکی بین دو صفحه باردار قرار گرفته است. اگر اختلاف پتانسیل بین دو صفحه  $28 kV$  باشد و ذره از نقطه A از حال سکون شروع به حرکت کند:



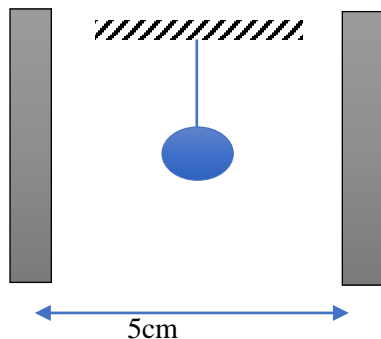
الف) این ذره به کدام صفحه برخورد می کند؟ چرا؟

ب) سرعت برخورد آن به صفحه چقدر است؟



گلوله‌ای به جرم  $0/2 \text{ g}$  و بار  $0/02 \mu\text{C}$  به وسیله نخ‌ی بین دو ورقه قائم موازی که  $5 \text{ cm}$  از هم فاصله دارند آویزان شده است. اختلاف پتانسیل بین دو ورقه چند ولت باشد تا نخ به اندازه  $37^\circ$  درجه از امتداد قائم منحرف شود؟  $(\sin 37^\circ = 0/6$

$\cos 37^\circ = 0/8)$



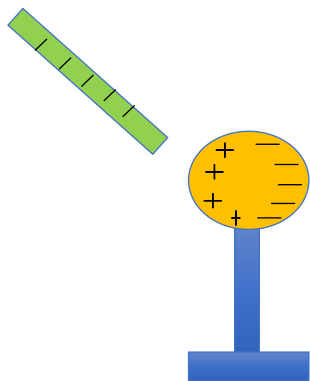


## توزیع بار الکتریکی در اجسام رسانا

نحوهی توزیع بار الکتریکی در اجسام رسانا: وقتی به یک جسم رسانا، بار الکتریکی داده می‌شود، در مدت کوتاهی (از مرتبه ی و  $10^{-9}$ ) تمام بار داده شده به سطح خارجی جسم رانده شده و در آنجا توزیع می‌شود و بار الکتریکی و میدان الکتریکی درون جسم صفر خواهد شد. علت آن است که بارهای یک جسم رسانا که الزاماً هم‌نامند یکدیگر را دفع کرده و خود را در دورترین فاصله از هم که همان سطح جسم است قرار می‌دهند.

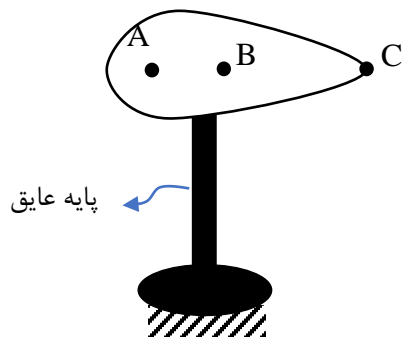


**القای بار الکتریکی:** وقتی میله‌ای باردار را به یک جسم رسانا (به‌عنوان مثال کره‌ی رسانا) بدون تماس با آن، نزدیک کنیم الکترون‌های آزاد کره تحت تأثیر نیروی الکتریکی میله‌ی باردار (میدان الکتریکی حاصل از آن) جابه‌جا می‌شوند به‌طوری‌که سطح مجاور میله بار ناهم‌نام و سطح دورتر کره بار هم‌نام را خواهد داشت.





- توجه:** 1. میدان الکتریکی و بار الکتریکی تمام نقاط درون جسم رسانا صفر است.
2. تراکم بار در نقاط تیزتر سطح یک جسم رسانای باردار بیش تر است.
3. خطوط میدان الکتریکی نزدیک به نقاط تیز جسم متراکم تر و میدان الکتریکی قوی تر است.
4. در کره (به دلیل تقارن) تراکم بار الکتریکی در همه‌ی نقاط یکسان است.





در هریک از عبارات جاهای خالی زیر را با کلمات مناسب کامل کنید و یا عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب نمایید.

الف) بارهای الکتریکی در (سطح داخلی - سطح خارجی) رسانا توزیع می‌شود.

ب) میدان الکتریکی در داخل رسانا صفر است. (درست - نادرست)

پ) در یک رسانای منزوی و در حال تعادل الکتروستاتیکی، پتانسیل الکتریکی نقاط نیز اجسام بیشتر است. (درست - نادرست)



ت) پتانسیل الکتریکی گوشه‌های یک مکعب رسانای دارای بار الکتریکی مثبت،  
..... پتانسیل الکتریکی سایر نقاط واقع بر روی آن است.

ث) در حالت تعادل الکتروستاتیکی سطح یک جسم رسانا یک سطح هم‌پتانسیل  
است. (درست – نادرست)

ج) وقتی به یک جسم (رسانا – نارسانا) بار الکتریکی داده می‌شود، بار در محل داده  
شده به جسم باقی می‌ماند.



چ) تراکم بار در نقاط تیز جسم رسانای باردار از نقاط دیگر آن کمتر است. (درست - نادرست)

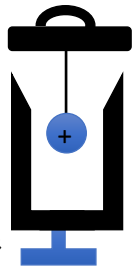
ح) در نبود میدان الکتریکی خارجی، تراکم بار روی سطح خارجی یک (مخروط - کره) رسانا یکسان است.

خ) خطوط میدان الکتریکی همواره بر سطح رساناهای فلزی عمود می‌باشد. (درست - نادرست)

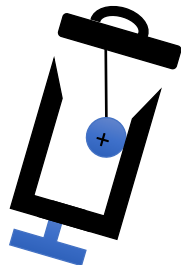


یک گلوله فلزی باردار مطابق شکل (۱) توسط نخ‌ی عایق به درپوش فلزی جعبه رسانای بدون باری وصل شده است. در شکل (۲) جعبه رسانا را کج می‌کنیم به طوری که گلوله به بدنه داخلی آن تماس یابد:

دسته عایق



(1)



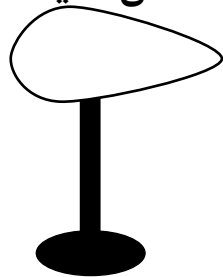
(2)

الف) وضعیت بار الکتریکی در گلوله چگونه است؟

ب) از این آزمایش چه نتیجه‌ای می‌گیریم؟



یک جسم رسانای دوکی شکل را روی پایه عایق قرار داده و آن را از طریق مولد واندوگراف باردار می‌کنیم درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید.



الف) تجمع بار در تمام نقاط آن یکسان است.

ب) داخل آن میدان الکتریکی به وجود آمده است.

پ) تراکم خطوط میدان در اطراف نوک تیز دوک بیشتر است.

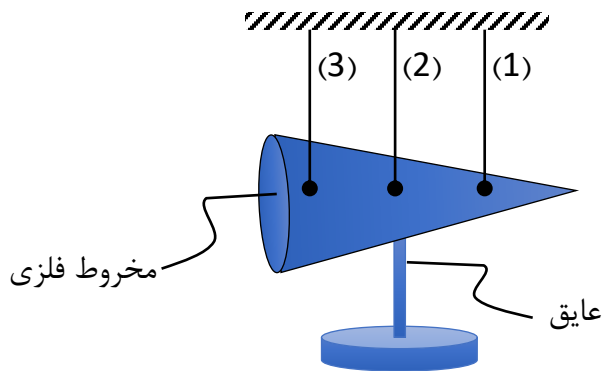


ت) پتانسیل تمام نقاط آن یکسان است.

ث) بار الکتریکی فقط در سطح بیرونی این رسانا توزیع می‌شود و داخل آن هیچ باری وجود ندارد.



در شکل روبه‌رو مخروط فلزی که بر روی پایه عایق قرار دارد را به مولد واندوگراف متصل کنیم. مشاهدات خود را پیش بینی کنید.





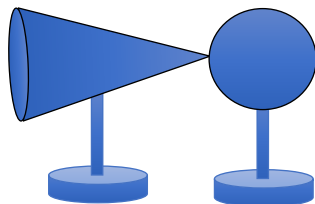
مثال 62:



به سؤال‌های زیر پاسخ دهید:

الف) مطابق شکل زیر، یک کره و یک جسم مخروطی رسانا را که روی پایه عایق قرار دارند به هم تماس داده‌ایم میله شیشه‌ای با بار مثبت را نزدیک می‌کنیم ابتدا کره را دور می‌کنیم و سپس میله را بر می‌داریم نحوه توزیع بار در آنها چگونه است؟

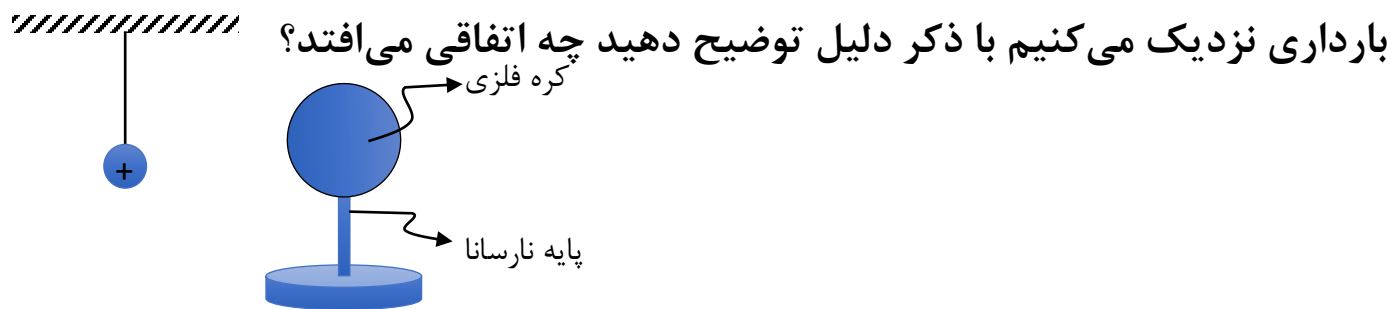
میله‌ی شیشه‌ای





ب) هنگامی که یک بادکنک باردار را به یک باریکه آب که از شیر آب فرو می‌ریزد نزدیک کنیم باریکه خمیده می‌شود علت را توضیح دهید.

پ) یک کره فلزی بدون بار را که روی پایه نارسانایی قرار دارد به آونگ الکتریکی





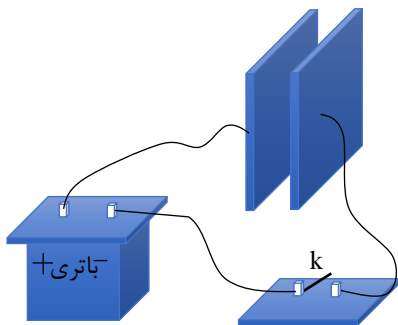
**خازن:** خازن وسیله‌ای است که می‌تواند بار الکتریکی و انرژی الکتریکی را در خود ذخیره کند.

هر خازن از دو جسم رسانا تشکیل شده است که روی آنها بارهای مثبت و منفی توزیع شده و بین آنها یک قطعه‌ی عایق قرار گرفته است. دو جسم رسانا می‌تواند دو صفحه‌ی فلزی تخت باشد.



**باردار کردن خازن:** برای باردار کردن خازن باید دو صفحه‌ی خازن را به پایانه‌های یک باتری متصل کنیم. به علت اختلاف پتانسیل بین دو سر باتری و صفحات خازن این صفحه‌ها دارای بارهایی با بزرگی یکسان اما با علامت مخالف می‌شود.

**ظرفیت خازن:** نسبت بار خازن به اختلاف پتانسیل دو صفحه آن را ظرفیت خازن می‌نامیم.



$$C = \frac{Q}{V}$$



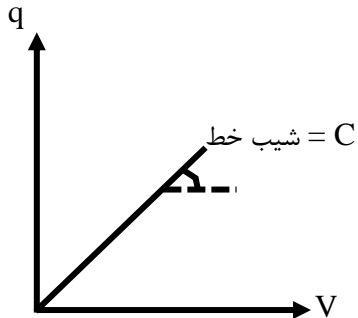
یکای بار الکتریکی، کولن (C)، یکای اختلاف پتانسیل، ولت (V) و بنابراین یکای ظرفیت خازن کولن بر ولت ( $\frac{C}{V}$ ) می باشد که آن را فاراد (F) گویند.

یک فاراد ظرفیت بالایی می باشد. واحدهای کوچکتر از فاراد عبارتند از:

$$1 \mu F = 10^{-6} F, 1 nF = 10^{-9} F, 1 pF = 10^{-12} F$$



با افزایش اختلاف پتانسیل دو سر خازن، به همان نسبت بار آن نیز افزایش می‌یابد، اما نسبت آن دو که همان ظرفیت خازن باشد ثابت می‌ماند. بنابراین ظرفیت خازن به بار الکتریکی و اختلاف پتانسیل دو سر آن بستگی ندارد. نمودار بار الکتریکی خازن بر حسب اختلاف پتانسیل دوسر آن به صورت مقابل است. شیب این نمودار برابر ظرفیت خازن است.





## خازن با دی الکتریک

اگر فضای میان صفحه‌های یک خازن را با ماده‌ای عایق (مانند کاغذ یا پلاستیک) که به آن دی‌الکتریک گفته می‌شود پر کنیم ظرفیت خازن افزایش می‌یابد. یعنی اگر ظرفیت خازن بدون دی‌الکتریک را با  $C_0$  نمایش دهیم آن‌گاه ظرفیت خازن با دی‌الکتریک برابر با  $C = \kappa C_0$  می‌شود.



## عوامل مؤثر در ظرفیت خازن تخت

- . ظرفیت خازن تخت با فاصله‌ی دو صفحه‌ی خازن نسبت عکس دارد.  $(C \propto \frac{1}{d})$
- . ظرفیت خازن با مساحت سطح مشترک صفحه‌های آن نسبت مستقیم دارد.  $(C \propto A)$
- . ظرفیت خازن به جنس دی‌الکتریک وابسته است و با ضریب دی‌الکتریک ( $K$ ) نسبت مستقیم دارد.  $(C \propto K)$



ظرفیت خازن تخت: ظرفیت خازن از رابطه‌ی مقابل به دست می‌آید:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

در این رابطه  $C$  ظرفیت بر حسب (F)، ثابت دی‌الکتریک (بدون یکا)،  $\epsilon_0$  ضریب گذردهی الکتریکی خلاً ( $\epsilon_0 = 8/85 \times 10^{-12} \frac{F}{m}$ ) مساحت بر حسب ( $m^2$ ) و  $d$  فاصله‌ی بین دو صفحه بر حسب (m) است.



کمترین مقدار ثابت دی‌الکتریک برابر یک است که برای محیط خلاً و تقریباً برای هوا است. بنابراین با خارج کردن دی‌الکتریک از میان صفحه‌های یک خازن ظرفیت خازن کم می‌شود و برعکس ورود دی‌الکتریک باعث افزایش ظرفیت خازن می‌شود.

ظرفیت خازن منحصرأ به مشخصات ساختمانی آن بستگی دارد و به بار الکتریکی و اختلاف پتانسیل دو سر آن بستگی ندارد.

وقتی یک دی‌الکتریک همه‌ی فضای بین دو صفحه‌ی خازن را پر کند در این حالت فاصله‌ی بین دو صفحه‌ی خازن برابر ضخامت دی‌الکتریک است.



برای محاسبه‌ی نسبت ظرفیت دو خازن و یا یک خازن در دو حالت مختلف از رابطه‌ی  
مقابل استفاده می‌کنیم:

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2}$$



## فروریزش الکتریکی

- حضور دی‌الکتریک‌ها در خازن باعث افزایش حداکثر ولتاژ قابل تحمل خازن می‌شود (از مزیت‌های دی‌الکتریک)
- برای هر دی‌الکتریک بیشینه‌ی اختلاف پتانسیلی وجود دارد که از آن به بعد دست‌خوش فروریزش الکتریکی می‌شود.



## انرژی خازن

هنگامی که صفحه های خازن را به باتری وصل می کنیم به طور مستمر باری جزئی از یک صفحه ی خازن جدا و به همان اندازه به صفحه ی دیگر منتقل می شود در این فرآیند طبق رابطه ی  $W_{\text{خارجی}} = Q\Delta V$  باتری روی این بار کار انجام می دهد که به صورت انرژی پتانسیل الکتریکی در میدان الکتریکی فضای بین صفحه های خازن ذخیره می شود. انرژی خازن از رابطه های زیر به دست می آید.



$$U = \frac{1}{2} QV \rightarrow \begin{cases} \xrightarrow{Q=CV} U = \frac{1}{2} CV^2 \\ V = \frac{Q}{C} \rightarrow U = \frac{Q^2}{C} \rightarrow U = \frac{Q^2}{2C} \end{cases}$$

در حل مسائل بسته به این که کدام یک از کمیت‌های  $Q$ ،  $C$ ،  $V$ ، و یا  $U$  در مسئله معلوم باشد از یکی از این رابطه‌ها استفاده می‌کنیم.



جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید و یا کلمه یا عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب نمایید.

الف) خازن وسیله‌ای الکتریکی است که می‌تواند ..... و ..... را در خود ذخیره کند.

ب) در فلاش دوربین از (باتری - خازن) استفاده می‌شود.

پ) اگر اختلاف پتانسیل دو سر یک خازن را نصف کنیم ظرفیت خازن دو برابر می‌شود.  
(درست - نادرست)



ت) اگر فاصله صفحات خازن را نصف کنیم، ظرفیت آن ..... می‌شود. (دو برابر - نصف)

ث) وجود دی‌الکتریک در خازن سبب تقویت تضعیف میدان الکتریکی آن می‌شود.

ج) حضور دی‌الکتریک در خازن باعث افزایش - کاهش حداکثر ولتاژ قابل تحمل خازن می‌شود.

چ) در اثر پدیده ..... دی‌الکتریک تغییر ماهیت داده و سوراخ شده و خازن می‌سوزد.



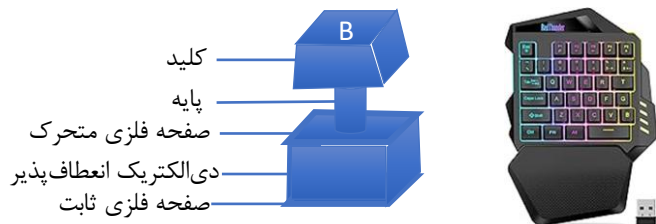
ح) این پدیده در عایق بین دو صفحه خازن‌ها معمولاً با ایجاد یک جرقه همراه است و در بیشتر مواقع خازن را می‌سوزاند (فروریزش الکتریکی – تخلیه خازن)



به سؤالات زیر پاسخ دهید:

الف) در صفحه کلید شکل مقابل عامل تشخیص رایانه که، کدام کلید توسط کاربر فشار داده شده، چیست؟

ب) فروریزش الکتریکی را تعریف کنید.





پ) هر یک از تغییرات زیر چه تأثیری در ظرفیت خازن دارد؟

(۱) کاهش سطح مقطع صفحات خازن که روبه روی هم قرار دارند.

(۲) قرار دادن عایق بین صفحات خازن

(۳) افزایش بار الکتریکی خازن



خازن تختی را به مولد وصل می‌کنیم و پس از پر شدن از مولد جدا کرده و سپس فاصله صفحه‌های خازن را نصف می‌کنیم. در جدول زیر، هر عبارت از ستون A به یک عبارت از ستون B مرتبط است؛ آن‌ها را مشخص کنید.

B	A
<p>1. نصف می‌شود.</p> <p>2. دو برابر می‌شود.</p> <p>3. ثابت می‌ماند.</p> <p>4. <math>\frac{1}{4}</math> برابر می‌شود.</p>	<p>الف) بار الکتریکی ذخیره شده در خازن</p> <p>ب) اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر خازن</p> <p>پ) ظرفیت خازن</p>



با توجه به جمله‌های (الف) و (ب)، جاهای خالی را در جدول زیر با کلمه‌های (افزایش، کاهش، ثابت) پر کنید.

(الف) در یک خازن متصل به باتری صفحه‌های خازن را از هم دور می‌کنیم.

(ب) در یک خازن متصل به باتری بین دو صفحه دی‌الکتریک می‌کا قرار می‌دهیم.



بار الکتریکی	ظرفیت	اختلاف پتانسیل	خازن
			الف
			ب



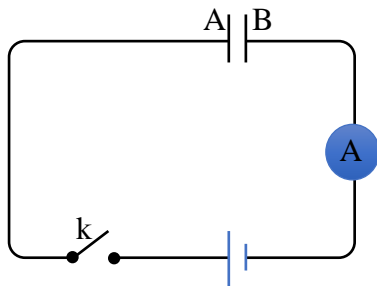
با نصف کردن فاصله صفحات خازن تختی که به اختلاف پتانسیل ثابتی وصل است، کمیت‌های ظرفیت خازن بار الکتریکی روی صفحات خازن و میدان الکتریکی بین صفحات چگونه تغییر می‌کند؟



اختلاف پتانسیل دو سر یک خازن را از ۱۰ ولت به ۳۰ ولت افزایش می‌دهیم. با این کار  $50 \mu C$  بار بیشتری روی صفحات این خازن ذخیره می‌شود. ظرفیت این خازن را به دست آورید.



در شکل زیر یک خازن با دی‌الکتریک هوا و یک باتری و کلید مشاهده می‌کنید. با استفاده از کلمه‌های داده شده در کادر جاهای خالی در متن زیر را کامل کنید. (یک کلمه اضافی است).



مثبت - بیشتر از - برابر با - کمتر از - منفی

الف) پس از وصل کردن، صفحه B دارای بار ..... و صفحه A دارای بار ..... می‌شود.



ب) زمانی که ولتاژ دو سر مولد ..... ولتاژ دو سر خازن است، شارش بار قطع شده و آمپرسنج عبور جریان را نشان نمی‌دهد.

پ) اگر بدون آن که خازن را از مولد جدا کنیم دی‌الکتریک را بین صفحات خازن قرار دهیم انرژی خازن در این حالت ..... انرژی خازن در حالت اولیه است.



مثال 70:

با توجه به جمله‌های الف و ب، جاهای خالی را با کلمات (افزایش - ثابت - کاهش) پر کنید.

- الف) خازنی به باتری متصل است در این حالت فاصله بین صفحات را کم می‌کنیم.
- ب) خازن را از باتری جدا می‌کنیم و بین صفحات دی‌الکتریک قوی قرار می‌دهیم.



انرژی	میدان الکتریکی	بار	ظرفیت	اختلاف پتانسیل	خازن
					الف
					ب



خازنی با دی‌الکتریک هوا را به باتری متصل می‌کنیم تا شارژ شود. بعد از شارژ شدن آن را از باتری جدا می‌کنیم و سپس دی‌الکتریک با ضریب ۴ بین صفحه‌های آن قرار می‌دهیم. با ذکر دلیل مشخص کنید هر کدام از کمیت‌های زیر چند برابر می‌شوند؟

(الف) ظرفیت خازن (ب) میدان الکتریکی در خازن (پ) انرژی ذخیره شده در خازن



ظرفیت خازن تختی  $20\text{ nF}$  و بار الکتریکی آن  $180\text{ nC}$  است.

الف) انرژی ذخیره شده در این خازن چقدر است؟

ب) بین صفحات خازن هواست. خازن را از باتری جدا کرده و فاصله بین صفحات آن را دو برابر می‌کنیم در این حالت انرژی ذخیره شده در خازن چقدر افزایش می‌یابد؟



مساحت صفحه‌های یک خازن مسطح برابر  $0.5m^2$  و فضای بین صفحه‌ها از ماده‌ای با ثابت دی‌الکتریک پر شده است. اگر این خازن را با ولتاژ ۱۰۰۰ ولت پر کنیم، انرژی ذخیره شده در آن  $4 \times 10^{-3} J$  می‌شود.

الف) ظرفیت خازن را به دست آورید.

ب) فاصله بین دو صفحه خازن را حساب کنید ( $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{F}{m}$ ).



مثال 74:



شعاع هر صفحه دایره‌ای خازنی  $2\text{cm}$  و فاصله دو صفحه از یکدیگر  $5\text{mm}$  و در فضای بین دو صفحه الکلی با ضریب دی‌الکتریک  $25$  قرار دارد. اگر این خازن را به اختلاف پتانسیل  $100\text{V}$  وصل کنیم انرژی ذخیره شده در آن چقدر خواهد بود؟  $(\epsilon_0 = 3\pi \times 10^{-12})$



میدان الکتریکی بین صفحات خازن تختی که مساحت هر صفحه آن  $4 \text{ cm}^2$  و فاصله بین صفحه‌ها  $2 \text{ mm}$  است، برابر  $500 \text{ N/C}$  می‌باشد و بین صفحه‌ها هوا می‌باشد. انرژی ذخیره شده در این خازن چند ژول است؟ ( $\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}}$ )



الف) انرژی ذخیره شده در یک خازن به ظرفیت  $660 \mu F$  با ولتاژ  $200 V$ ، چند ژول است؟

ب) اگر تمام این انرژی در مدت  $1 ms$  آزاد شود، توان متوسط خروجی چند کیلووات خواهد بود؟



در یک دوربین عکاسی از خازنی با ظرفیت  $400 \mu F$  که با ولتاژ  $200$  ولت پر شده است، استفاده می‌شود.

الف) بار این خازن چقدر است؟

ب) اگر تمام انرژی خازن در مدت  $2ms$  تخلیه شود، توان خروجی چند وات است؟



ظرفیت خازنی ۱۲ میکروفاراد و بار آن  $Q$  است. اگر  $3\text{ mC}$  بار الکتریکی را از صفحه منفی جدا کرده و به صفحه مثبت منتقل کنیم انرژی ذخیره شده در خازن  $8\text{ J}$  زیاد می‌شود. اندازه  $Q$  را به دست آورید.